

Astrofisica e Particelle

- **Programma di massima**
 - o L'Universo
 - o Espansione dell'universo
 - o Radiazione e materia
 - o Nucleosintesi
 - o Bariogenesi
 - o I raggi cosmici: scoperta, spettro, accelerazione, misure
 - o Radiazione gamma, sorgenti, misure
 - o I neutrini, sorgenti, misure
 - o Materia oscura, candidati
 - o Supersimmetrie
 - o Ricerca di materia oscura, ricerche dirette ed indirette
 - o Ricerca dell'antimateria
 - o Onde gravitazionali?

- D. Perkins: Particle Astrophysics; Oxford University Press

Astrofisica e particelle elementari

aa 2009-10

Lezione 1

L'universo

La Galassia

Definizioni

Espansione dell'universo

Cosmologia newtoniana

Equazione di Friedmann-Leimatre

Età dell'universo

Bruno Borgia

D.Perkins: Particle Astrophysics; Oxford University Press

L'Universo

- Oggetti “visibili”:

Stelle, pianeti, supernove, quasar, pulsar, stelle di neutroni, ecc.

Galassie: aggregazione di stelle, $\approx 10^{11}$, dalla struttura caratteristica, frequentemente ellittica o a spirale.

Al centro: popolazione II: stelle più vecchie, rigonfiamento, alone.

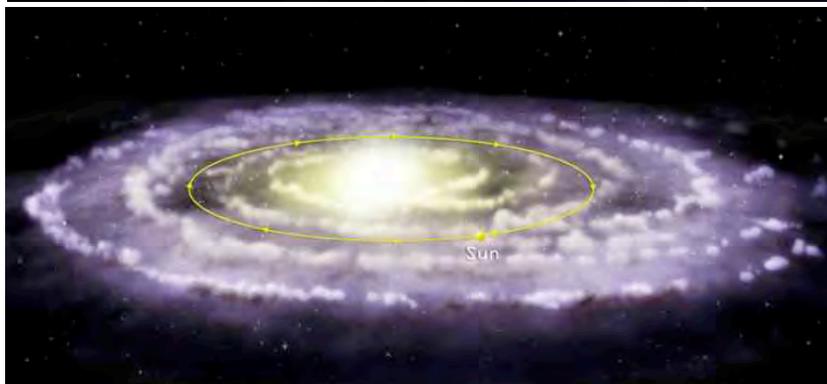
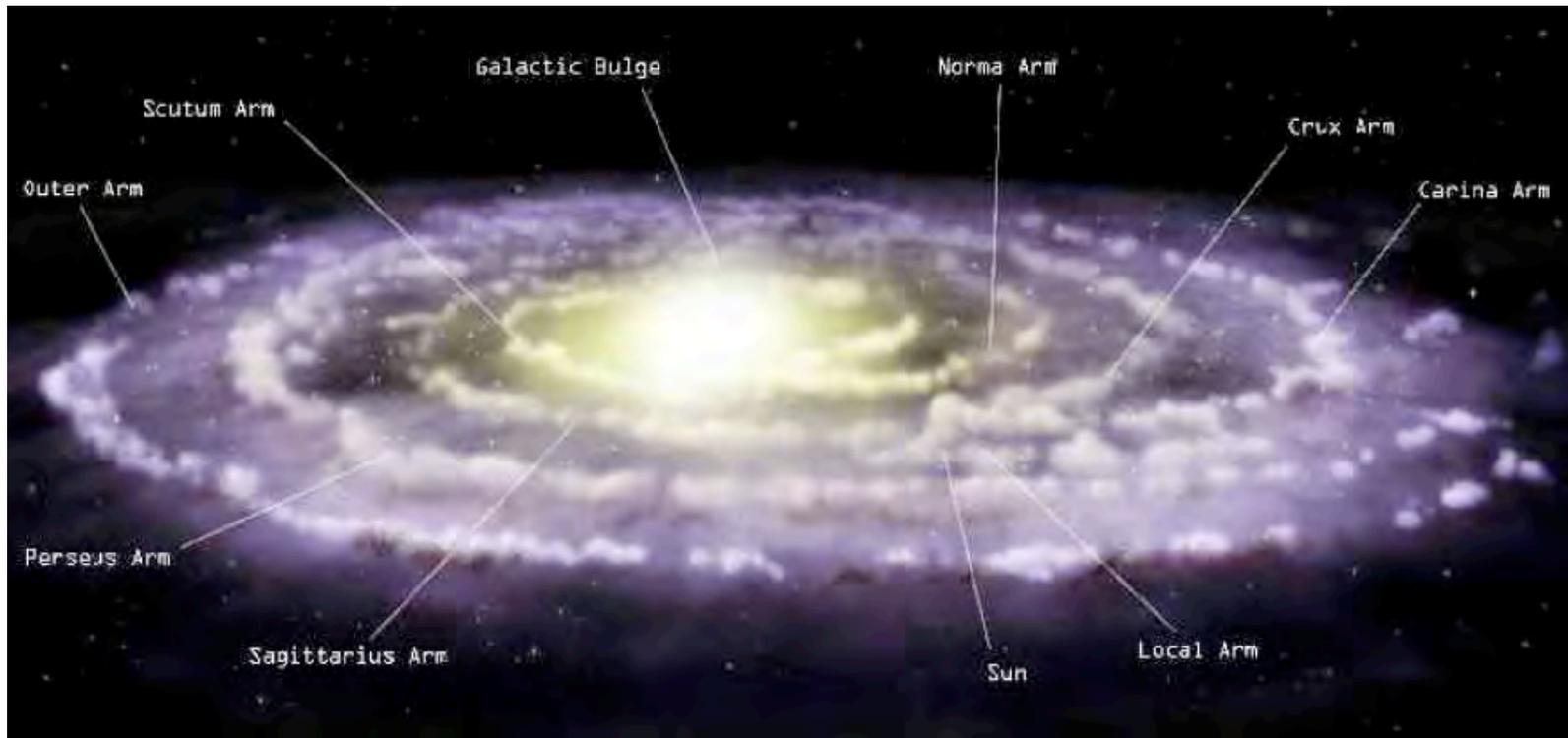
In periferia: popolazione I: stelle più giovani.

Ammassi di galassie formano i cluster. La Galassia appartiene al Gruppo Locale. Le galassie sono dell'ordine di 10^{11} .

- Oggetti “non visibili”:

Costituiscono la gran “parte” dell'universo.

La Galassia



Distanza Sole-centro Galassia

8.5 kpc

nuovo valore

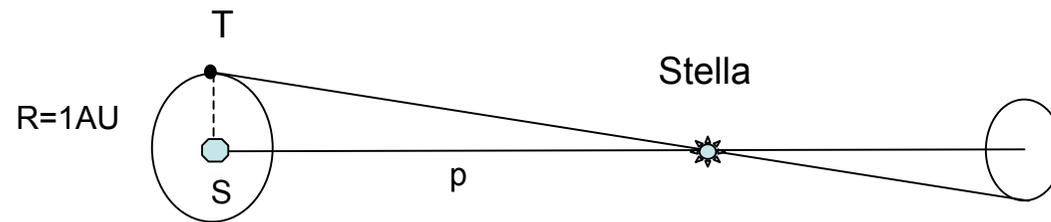
7.94 ± 0.42 kpc

$1 \text{ pc} = 3.3 \text{ ly} = 3.1 \cdot 10^{16} \text{ m}$

Distanze

La misura o, per le stelle più lontane, la stima della loro distanza dal Sole, preso come riferimento per correggere il moto della Terra, si basa su diversi metodi.

- Parallasse: la posizione apparente di una stella vicina rispetto alle stelle più lontane dipende dalla posizione della Terra nella sua orbita.



Risulta quindi $R = p \cdot 2\pi / (360^\circ \cdot 60' \cdot 60'')$
 $p(1'') = R \cdot (360^\circ \cdot 60' \cdot 60'') / 2\pi \approx 2.06 \cdot 10^5 \text{ AU}$

1 AU = 1.5×10^{11} m distanza della Terra dal Sole, (unità astronomica)

1 pc = 3.1×10^{16} m = 3.3 ly (parsec)

Con strumenti terrestri: $\Delta p \approx \pm 0.01''$;

satellite Hipparcos: $\Delta p \approx \pm 0.001''$

satellite Gaia (lancio dicembre 2011): $\Delta p \approx \pm (20 \cdot 10^{-6})''$

Distanze (2)

Cefeidi: stelle di luminosità variabile presenti nelle spirali delle galassie.

Periodo da 1d a 50 d, masse 5 - 15 M_{\odot} .

Dimensione dell'orbita stimata da $R = \int v_x dt = x_2 - x_1$,
troppo piccola per essere un sistema di due stelle binarie. Pulsazione radiale dovuta alla propagazione di onde sonore nel materiale stellare.

La luminosità delle stelle può essere stimata dalla relazione:

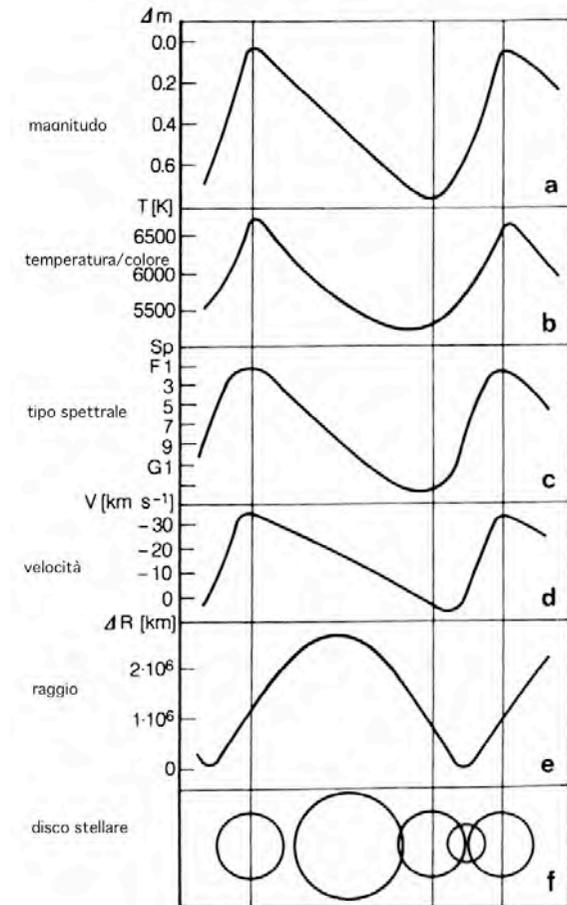
$$L = \pi R^2 F$$

dove F è il flusso di radiazione che dipende dalla temperatura della superficie. F si stima da misure spettroscopiche, mentre R si calcola dall'integrale di cui sopra.

La luminosità apparente è data da

$$f = R^2 F / r^2$$

dove r è la distanza della stella. Distanza luminosa.



Magnitudo

La luminosità delle stelle si misura in magnitudo. Le stelle più luminose hanno magnitudo negative e la scala è logaritmica.

Due stelle di luminosità s_1 e s_2 hanno una differenza in magnitudo m data da

$$m_1 - m_2 = -2.5 \log(s_1/s_2) \quad [\text{mag}]$$

Se m è la magnitudo apparente all'osservatore, la magnitudo assoluta M è riferita alla luminosità della stella ad una distanza convenzionale di riferimento presa uguale a 10 pc.

Quindi poiché $s \propto S/r^2$, la differenza tra m ed M è data da:

$$m - M = 2.5 \log(r[\text{pc}]/10) = 5 \log r - 5$$

La distanza r calcolata dalla formula di sopra si chiama “distanza modulo”.

Oltre la dipendenza dalla distanza, occorre tener conto anche dell'assorbimento della luce nel mezzo interstellare e quindi applicare una correzione con la distanza.

Distanze (3)

Henrietta Leavitt (1912) scoprì una relazione tra pulsazione e magnitudo nelle Cefeidi della costellazione di Magellano. Poiché queste Cefeidi hanno la stessa distanza modulo, in realtà la relazione è tra la pulsazione e la luminosità assoluta.

Di conseguenza la determinazione della differenza $m - M$ porta alla misura della distanza modulo.

Le Cefeidi (candele standard) sono state utilizzate per calibrare le distanze ottenute dalla misura del red-shift delle supernove, ovvero per calibrare la loro luminosità.

Se si riporta in un grafico bilogarithmico la distanza r delle stelle vs il red-shift z , si ottiene una retta che esprime la relazione di Hubble

$$v = H_0 r$$

con H_0 costante. I dati sono consistenti con un flusso di Hubble costante ed uniforme, almeno a distanze non troppo grandi.

Hubble e l'espansione dell'universo

Hubble, 1924, osserva lo spostamento verso il rosso delle linee spettrali della luce emessa dalle stelle nelle galassie lontane. L'interpretazione si basa sull'effetto Doppler dovuto alla velocità di allontanamento delle galassie rispetto alla Terra. La lunghezza d'onda misurata risulta:

$$\lambda' = \lambda[(1+\beta)/(1-\beta)]^{1/2} = \lambda (1+z)$$

$$\text{dove } \beta = v/c \quad \text{e } z = \Delta \lambda / \lambda.$$

Hubble successivamente, 1929, scopre la relazione:

$$v = H_0 r$$

con r distanza della galassia dall'osservatore.

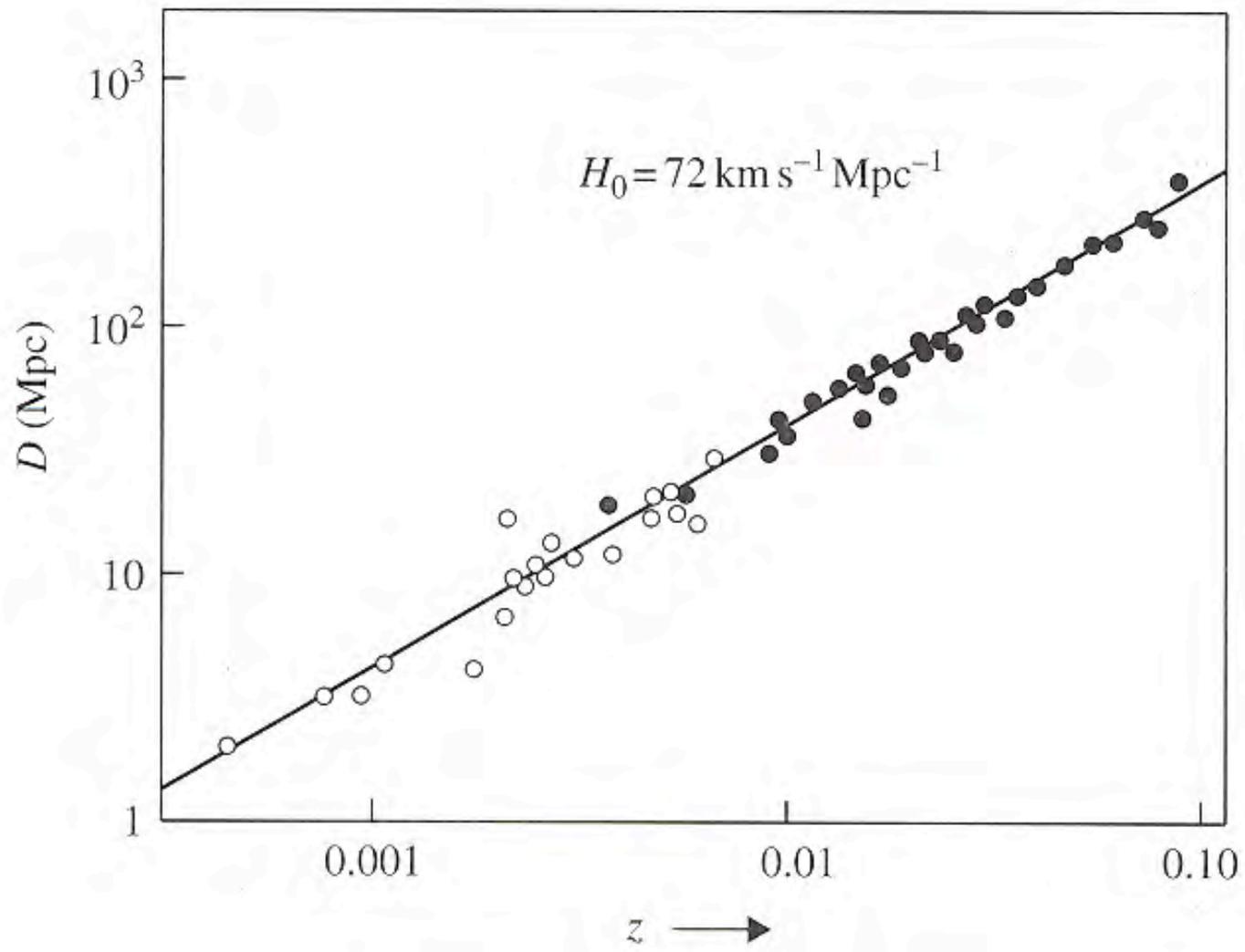
L'espansione dell'Universo

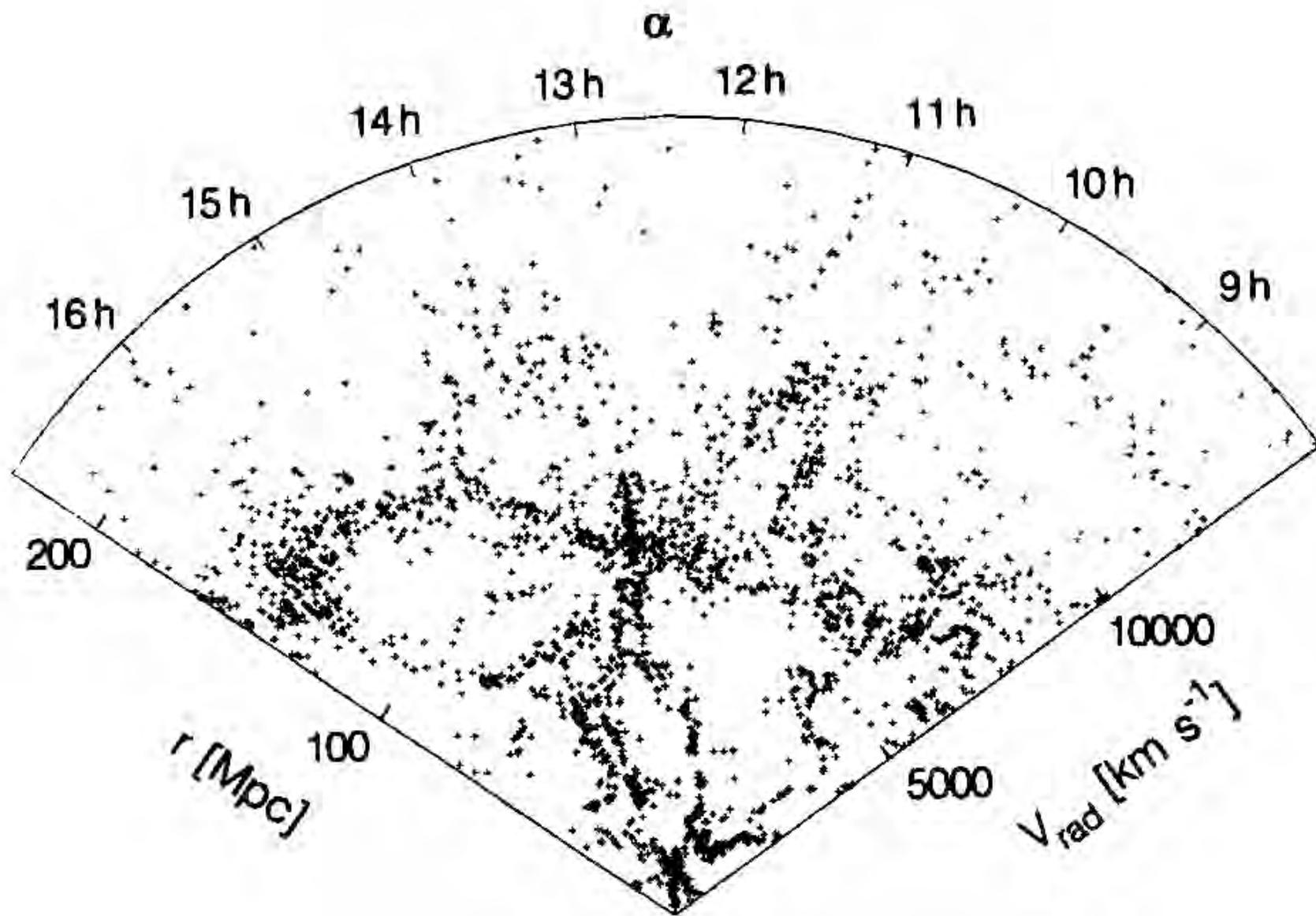
Il valore della costante H_0 può dipendere dal tempo se l'Universo si espande più o meno rapidamente. Il valore ottenuto con i dati dello Hubble Space Telescope è

$$H_0 = 74.2 \pm 3.6 \text{ km s}^{-1} \text{ Mpc}^{-1}$$

L'interpretazione dello spostamento verso il rosso, *red-shift*, è possibile solo per piccoli valori di z , infatti a grandi distanze intervengono effetti di gravitazione.

La relazione di Hubble implica la determinazione della distanza della sorgente luminosa dall'osservatore.





Espansione di Hubble

L'integrazione della relazione $dr/dt = H_0 r$ conduce a $r = r_0 e^{H_0 t}$ ovvero ad un tempo caratteristico $t_H = 1/H_0 = 14$ G anni.

A prima vista potrebbe sembrare che la relazione di Hubble implichi una visione "eliocentrica", ma non è così. Se si scrive la relazione tra vettori si ha

$$\mathbf{v} = H_0 \mathbf{r}$$

con l'origine delle coordinate nella nostra Galassia. Un osservatore in un'altra galassia a distanza r_1 e velocità \mathbf{v}_1 rispetto al nostro sistema, osserverà

$$\mathbf{v} - \mathbf{v}_1 = H_0 (\mathbf{r} - \mathbf{r}_1)$$

e quindi osserva un Universo che si espande uniformemente.

Se si esprime la distanza al tempo t di una galassia con $r = R(t) r_0$, r è la coordinata in "co-espansione", misurata in un sistema di riferimento che espande anch'esso con l'Universo. r_0 è la distanza riferita ad una particolare galassia al tempo t_0 , indipendente dal tempo. Il parametro $R(t)$, fattore di scala, dipende solo dal tempo e in base al principio cosmologico è lo stesso in tutto lo spazio. Il suo valore al tempo presente è $R(0)=1$.

Difatti si ha

$$v = d(R r_0)/dt = dR/dt \cdot r_0 = dR/dt \cdot r/R(t)$$

Ovvero

$$v = [(dR/dt)/R]_0 r = H_0 r \quad \text{per } t=t_0$$

Cosmologia newtoniana

Sfera finita in espansione di raggio $R(t)$, contenente la massa M .

Una galassia sulla superficie è attratta da M con la legge di Newton:

$$d^2R/dt^2 = -GM/R^2 \quad [1]$$

$$\text{dove } M = (4/3) \pi R(t)^3 \rho(t) \quad [2]$$

$\rho(t)$: densità di massa al tempo t

Moltiplicando ambo i membri per dR/dt e integrando si ottiene l'equazione di conservazione dell'energia:

$$1/2 (dR/dt)^2 - GM/R = h$$

energia cinetica + energia potenziale = energia totale

con h costante. Ponendo la costante $h = -kc^2/2$ si ha:

$$[(dR/dt)/R]^2 = H^2 = -kc^2/R^2 + 8\pi/3 G \rho(t)$$

Il termine $[(dR/dt)/R]$ è il parametro di Hubble $H(t)$, funzione del tempo.

Parametro di decelerazione

In aggiunta ad H , che caratterizza l'espansione, si definisce la quantità $q(t)$ che descrive l'attrazione dovuta alla massa M , che si oppone all'espansione dell'Universo, ovvero il parametro di decelerazione

$$q(t) = -[(d^2R/dt^2) / R] / [(dR/dt) / R]^2 = -[(d^2R/dt^2) / R] / H(t)^2$$

con il valore attuale

$$q_0 = -\frac{1}{H_0^2} \frac{\ddot{R}_0}{R_0} = \frac{4}{3} \pi \frac{G\rho_0}{H_0^2}$$

dalle [1] e [2].

Nel tempo $t=1/H_0$ l'accelerazione/ q_0 porta da $v=0$ alla velocità di espansione correntemente osservata

$$-\frac{\ddot{R}_0}{q_0} \cdot \frac{1}{H_0} = R_0 H_0$$

Equazione di Friedmann-Leimatre

Soluzione delle equazioni di Einstein assumendo un universo isotropico e omogeneo (principio cosmologico):

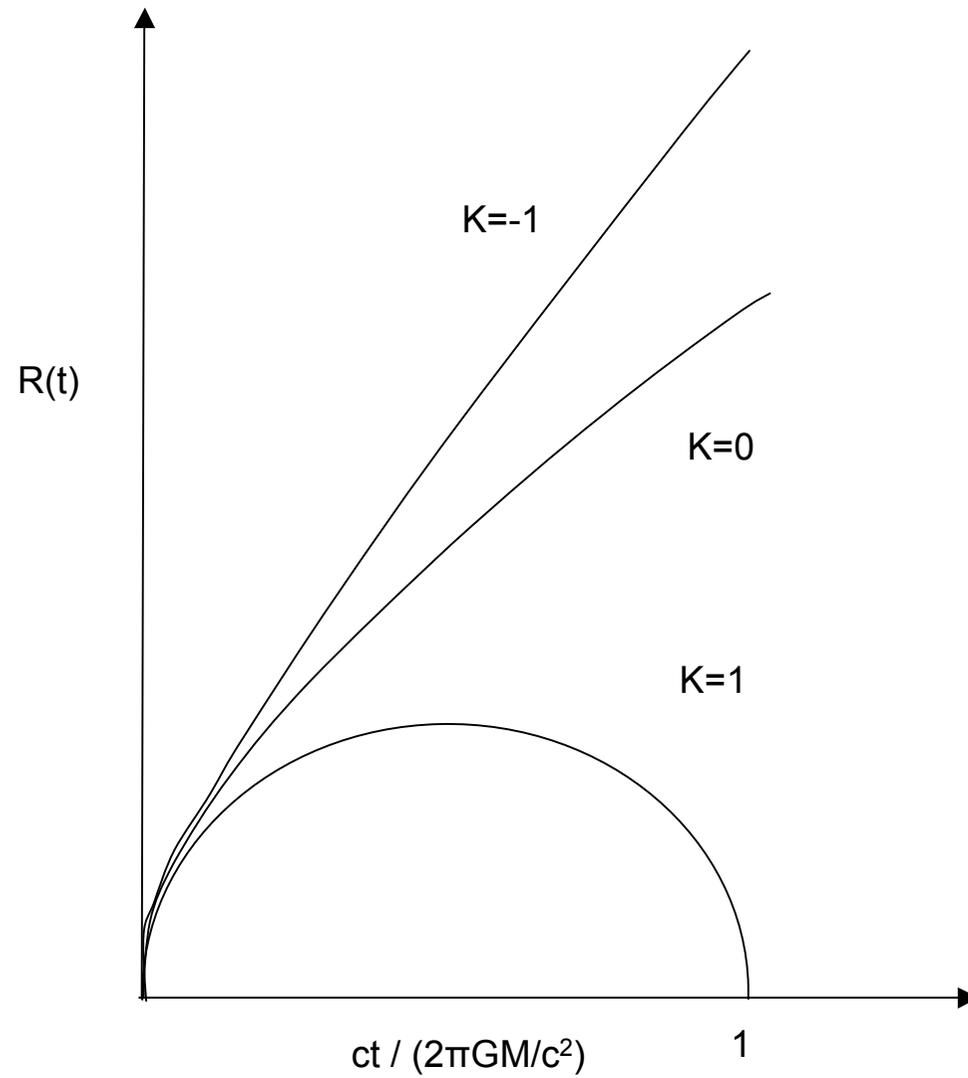
$$H^2 = - Kc^2/R^2 + 8\pi/3 G \rho$$

Il termine Kc^2/R^2 è il termine di curvatura ed il parametro di curvatura K può assumere i valori

- 0 spazio euclideo, curvatura nulla
- 1 curvatura positiva, in 2D sfera
- -1 curvatura negativa, in 2D sella (iperboloide)

I dati attuali indicano che su grande scala, l'Universo è prossimo ad essere piatto, e quindi $K \approx 0$. (vedi WMAP, Wilkinson Microwave Anisotropy Probe)

Fattore di scala $R(t)$ vs t



Età dell'Universo (1)

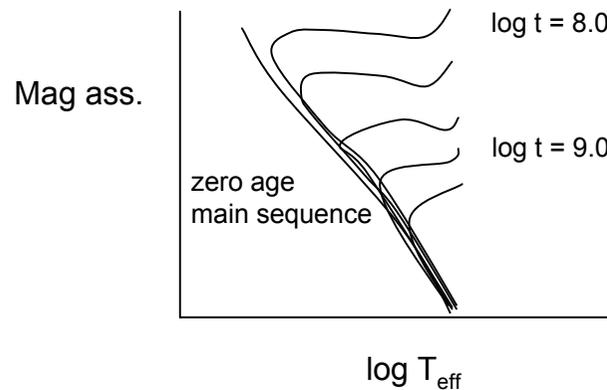
Nel caso $K=0$ e massa conservata M , si trova integrando eq. Friedmann:

$$R(t) = (9GM/2)^{1/3} t^{2/3}$$

da cui il tempo di Hubble $1/H_0 = R/dR/dt = 3t_0/2$

con i valori attuali di H si trova $t_0 \approx 10$ G yr

Le misure di magnitudo e indice di colore nelle stelle dei cluster globulari (ammassi di stelle $\approx 10^5$ in 40 pc) sono interpretabili in termini di evoluzione stellare. E' possibile calcolare l'evoluzione delle stelle e quindi ottenere dalle curve m-indice l'età delle stelle (v. Perkins §7.3).



si trova $t_a \approx 12 \pm 2$ G yr

Età dell'Universo (2)

Un secondo metodo per la stima dell'età dell'Universo si basa sulla composizione relativa dei radionuclidi con lunghe vite medie.

Ad esempio	radionuclide	$t_{1/2}$ (anni)
	^{232}Th	$1.4 \cdot 10^{10}$
	^{238}U	$4.5 \cdot 10^9$
	^{244}Pu	$8.0 \cdot 10^7$

Si assume che i radionuclidi siano stati prodotti in un tempo breve in quantità confrontabili. Dai rapporti di radionuclidi con vite medie molto diverse, si risale all'indietro fino ad ottenere un rapporto ≥ 1 .

Esempio: oggi $^{235}\text{U} / ^{238}\text{U} = 1/138$ da cui $t \approx 10^9$ per avere un rapporto >1 .

R. Cayrel et al. da U e Th in una stella molto vecchia ottengono

$$t_a = (12.5 \pm 3) \cdot 10^9 \text{ anni}$$