

Fisica 1 per chimica industriale, Esame scritto 25/06/2018

Docente: Santanastasio Francesco

Nome e cognome: Matricola:

Tempo a disposizione 3 ore, e' permessa la consultazione di un solo libro di testo (no libri di esercizi svolti, no quaderni/appunti), e' obbligatorio spegnere i cellulari. Risolvere gli esercizi riportando le formule risolutive ed i risultati numerici utilizzando le unita' di misura del Sistema Internazionale.

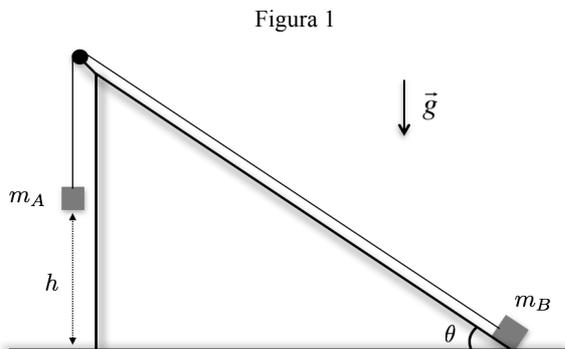
Esercizio 1

Un corpo (punto materiale) di massa $m_A = 1.2 \text{ kg}$ e' sospeso ad una quota $h=2\text{m}$ da terra mediante una fune inestensibile e di massa trascurabile. All'altro capo della fune, che puo' scorrere senza attrito su di una carrucola ideale, e' attaccato un secondo corpo di massa $m_B = 2 \text{ kg}$, posto alla base di un piano liscio, inclinato di un angolo $\theta = 30^\circ$ rispetto all'orizzontale. Nell'istante iniziale i corpi sono fermi. Determinare:

- l'accelerazione dei due corpi e la tensione della fune nella fase di caduta del corpo A;
- la velocita' di B quando il corpo A tocca terra.

Dopo l'impatto di A con la terra, la fune non e' piu' in tensione ed il corpo B continua la sua corsa per un certo tratto lungo il piano inclinato.

- Determinare la quota da terra piu' alta raggiunta dal corpo B.

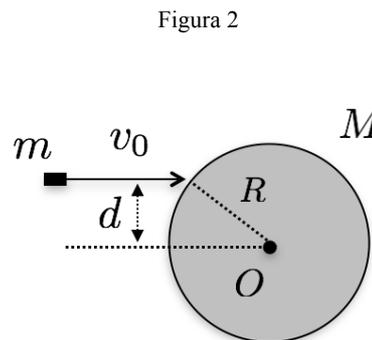


Esercizio 2

Un proiettile di massa $m = 0.01 \text{ Kg}$ (punto materiale) e velocita' $v_0 = 1 \text{ m/s}$ urta, restandovi attaccato, il bordo di un disco omogeneo di massa $M = 0.05 \text{ kg}$ e raggio $R = 0.2 \text{ m}$ (urto completamente anelastico). Il disco, inizialmente a riposo, puo' ruotare senza attrito attorno ad un asse verticale passante per il suo centro di massa O. La traiettoria del proiettile e' perpendicolare all'asse di rotazione e dista $d = 0.15 \text{ m}$ dal centro, come indicato in Figura 2.

Determinare:

- la velocita' angolare del sistema proiettile+disco dopo l'urto;
- la velocita' lineare del centro di massa del sistema proiettile+disco dopo l'urto;
- la distanza d per cui l'energia dissipata nell'urto e' massima.



Esercizio 3

Una mole ($n=1$) di gas perfetto monoatomico compie il ciclo indicato in Figura 3, costituito da due isobare reversibili AB e CD e due isocore irreversibili BC e DA. Determinare:

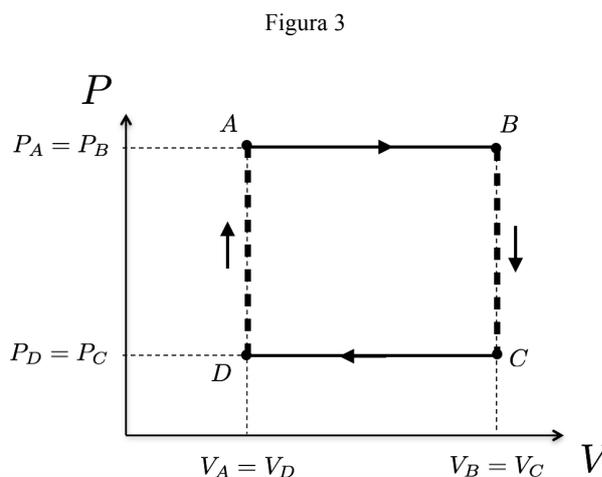
- i seguenti rapporti di temperature tra stati di equilibrio: $\frac{T_B}{T_A}, \frac{T_C}{T_B}, \frac{T_D}{T_C}, \frac{T_A}{T_D}$;
- le variazioni di entropia del gas nelle 4 trasformazioni $\Delta S_{AB,gas}, \Delta S_{BC,gas}, \Delta S_{CD,gas}, \Delta S_{DA,gas}$ e la variazione di entropia del gas nel ciclo $\Delta S_{ciclo,gas}$.

La trasformazione BC e' ottenuta a volume costante mettendo il gas a contatto termico con una sola sorgente a temperatura T_C .

La trasformazione DA e' ottenuta a volume costante mettendo il gas a contatto termico con una sola sorgente a temperatura T_A .

Determinare:

- la variazione di entropia dell'ambiente nel ciclo termodinamico, $\Delta S_{ciclo,amb}$.



[Dati: $V_A = 5 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3, P_A = 6 \cdot 10^5 \text{ Pa}, V_B = 3V_A, P_D = \frac{1}{3} P_A$]

Soluzione - Esercizio 1

a)

$$m_A g - T = m_A a$$

$$T - m_B g \sin \theta = m_B a$$

$$a = \frac{m_A - m_B \sin \theta}{m_A + m_B} g = 0.61 \text{ m/s}^2$$

$$T = m_A g - m_A a = 11 \text{ N}$$

b)

Sistema A+B:

$$E_i = m_A g h$$

$$E_f = \frac{1}{2} m_A v_A^2 + m_B g h \sin \theta + \frac{1}{2} m_B v_B^2 \quad (\text{con } v_A = v_B \text{ essendo A e B collegati da una fune inestensibile})$$

$$E_i = E_f \quad (\text{conservazione dell'energia})$$

$$v_B = v_A = \sqrt{\frac{2(m_A - m_B \sin \theta) g h}{m_A + m_B}} = 1.56 \text{ m/s}$$

c)

Corpo B:

$$E_i = \frac{1}{2} m_B v_B^2 + m_B g h \sin \theta$$

$$E_f = m_B g h_{\max}$$

$$E_i = E_f$$

$$h_{\max} = \frac{1}{2g} v_B^2 + h \sin \theta = \frac{m_A h (1 + \sin \theta)}{m_A + m_B} = 1.12 \text{ m}$$

Soluzione - Esercizio 2

a)

$$I = I(\text{disco}) + I(\text{proiettile}) = \frac{MR^2}{2} + mR^2 = 0.0014 \text{ kgm}^2$$

$$J_{O,i} = mv_0d$$

$$J_{O,f} = I\omega$$

$$J_{O,i} = J_{O,f} \text{ (conservazione del momento angolare)}$$

$$\omega = \frac{mv_0d}{I} = 1.07 \text{ rad/s}$$

b)

$$x_{CM} = \frac{M \cdot 0 + m \cdot R}{M + m} = 0.033 \text{ m}$$

$$v_{CM} = \omega x_{CM} = 0.036 \text{ m/s}$$

c)

$$E_{diss} = E_i - E_f = \frac{1}{2}m v_0^2 - \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}mv_0^2\left(1 - \frac{md^2}{I}\right)$$

L'energia dissipata e' minima per $d=0$.

In questo caso il sistema e' fermo dopo l'urto ($\omega = 0$)

Per $d=0$ l'energia dissipata e' uguale a $E_{diss} = \frac{1}{2}mv_0^2 = 5 \cdot 10^{-3} \text{ J}$

Soluzione - Esercizio 3

I dati di pressione e volume iniziali nello stato A non erano necessari per risolvere il problema.

Gas perfetto monoatomico: $c_p = 5/2 R$, $c_v = 3/2 R$

a)

$$PV = nRT$$

$$\frac{T_B}{T_A} = \frac{P_B V_B}{nR} \cdot \frac{nR}{P_A V_A} = \frac{V_B}{V_A} = 3$$

$$\frac{T_C}{T_C} = \frac{P_C V_C}{nR} \cdot \frac{nR}{P_C} = \frac{P_D}{P_C} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{T_B}{T_D} = \frac{nR}{P_D V_D} \cdot \frac{P_B V_B}{nR} = \frac{P_B}{P_D} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{T_C}{T_C} = \frac{nR}{P_C V_C} \cdot \frac{nR}{P_C} = \frac{V_D}{V_C} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{T_A}{T_D} = \frac{P_A V_A}{nR} \cdot \frac{nR}{P_D V_D} = \frac{P_A}{P_D} = 3$$

b)

$$\Delta S_{AB,gas} = \int_{A,rev}^B \frac{\delta Q}{T} = \int_{A,rev}^B \frac{nc_p dT}{T} = nc_p \ln\left(\frac{T_B}{T_A}\right) = 22.8 \text{ J/K}$$

$$\Delta S_{BC,gas} = \int_{B,rev}^C \frac{\delta Q}{T} = \int_{B,rev}^C \frac{nc_v dT}{T} = nc_v \ln\left(\frac{T_C}{T_B}\right) = -13.7 \text{ J/K}$$

$$\Delta S_{CD,gas} = \int_{C,rev}^D \frac{\delta Q}{T} = \int_{C,rev}^D \frac{nc_p dT}{T} = nc_p \ln\left(\frac{T_D}{T_C}\right) = -22.8 \text{ J/K}$$

$$\Delta S_{DA,gas} = \int_{D,rev}^A \frac{\delta Q}{T} = \int_{D,rev}^A \frac{nc_v dT}{T} = nc_v \ln\left(\frac{T_A}{T_D}\right) = +13.7 \text{ J/K}$$

$$\Delta S_{ciclo,gas} = \Delta S_{AB,gas} + \Delta S_{BC,gas} + \Delta S_{CD,gas} + \Delta S_{DA,gas} = 0$$

c)

AB:

$$\Delta S_{AB,amb} = -\Delta S_{AB,gas} = -22.8 \text{ J/K}$$

BC:

$$\text{Essendo } L_{BC,gas} = 0, Q_{BC,gas} = \Delta U_{BC,gas} = nc_v(T_C - T_B) = nc_v(T_C - 3T_C) = -2 nc_v T_C$$

$$\Delta S_{BC,amb} = \int_{B,rev}^C \frac{\delta Q_{amb}}{T} = \frac{1}{T_C} \int_{B,rev}^C \delta Q_{amb} = \frac{Q_{BC,amb}}{T_C} = -\frac{Q_{BC,gas}}{T_C} = \frac{2 nc_v T_C}{T_C} = 2 nc_v = 24.9 \text{ J/K}$$

CD:

$$\Delta S_{CD,amb} = -\Delta S_{CD,gas} = +22.8 \text{ J/K}$$

DA:

$$\text{Essendo } L_{DA,gas} = 0, Q_{DA,gas} = \Delta U_{DA,gas} = nc_v(T_A - T_D) = nc_v(3T_D - T_D) = 2 nc_v T_D$$

$$\Delta S_{DA,amb} = \int_{D,rev}^A \frac{\delta Q_{amb}}{T} = \frac{1}{T_A} \int_{D,rev}^A \delta Q_{amb} = \frac{Q_{DA,amb}}{T_A} = -\frac{Q_{DA,gas}}{T_A} = \frac{2 nc_v T_D}{T_A} = -\frac{2}{3} nc_v = -8.31 \text{ J/K}$$

$$\Delta S_{ciclo,amb} = \Delta S_{AB,amb} + \Delta S_{BC,amb} + \Delta S_{CD,amb} + \Delta S_{DA,amb} = 16.6 \text{ J/K}$$