

Soluzione del Compito d' Esonero dall' esame scritto di Fisica II- Chimica Industriale

A.A. 2011-2012

Il campo prodotto dal sistema è dato in base al principio di sovrapposizione dalla somma vettoriale del campo \vec{E}_1 , prodotto dalla sfera carica di centro O, e raggio r_1 e densità di carica ρ e quello \vec{E}_2 prodotto da una densità di carica $-\rho$ e centro O' (corrispondente al centro del foro sferico del sistema e raggio r_2).

♠ Punto O:

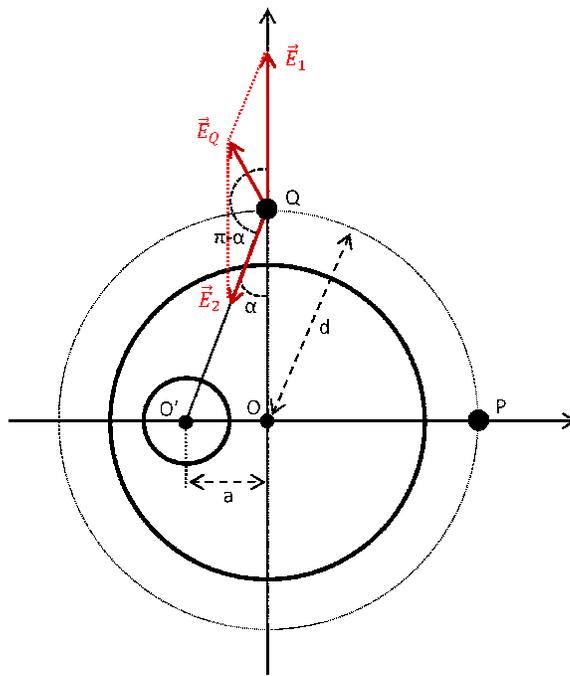
$\vec{E}_1 = 0$ Il campo elettrico, \vec{E}_2 , generato da una carica Q a distanza r , nel nostro caso $r = a$:

$$\vec{E}_2 = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{\rho \frac{4}{3}\pi r_2^3}{4\pi \cdot \epsilon_0 \cdot a^2}$$
$$|\vec{E}_0| = |\vec{E}_2|_O = \frac{\rho \cdot r_2^3}{3\epsilon_0 \cdot a^2} = 1.6 \cdot 10^5 \frac{\text{volt}}{m} \quad (1)$$

♠ Punto P:

$$|\vec{E}_p| = |\vec{E}_1 - \vec{E}_2| = \frac{\rho}{3 \cdot \epsilon_0} \left[\frac{r_1^3}{d^2} - \frac{r_2^3}{(d+a)^2} \right] = 2.4 \cdot 10^5 \frac{\text{volt}}{m}. \quad (2)$$

come in figura:



$$\alpha = \arctan \frac{a}{d} \text{ oppure } \cos \alpha = \frac{d}{\sqrt{d^2 + a^2}}$$

$$|\vec{\mathbf{E}}_{\mathbf{Q}}| = \sqrt{(|\vec{\mathbf{E}}_{1\mathbf{Q}}| - |\vec{\mathbf{E}}_{2\mathbf{Q}}| \cos \alpha)^2 + (|\vec{\mathbf{E}}_{2\mathbf{Q}}| \sin \alpha)^2} = \quad (3)$$

$$\sqrt{(|\vec{\mathbf{E}}_{1\mathbf{Q}}|^2 + |\vec{\mathbf{E}}_{2\mathbf{Q}}|^2 - 2 \cdot (|\vec{\mathbf{E}}_{1\mathbf{Q}}| \cdot |\vec{\mathbf{E}}_{2\mathbf{Q}}| \cos \alpha)} = \quad (4)$$

$$|\vec{\mathbf{E}}_{1\mathbf{Q}}| = \frac{\rho \cdot r_1^3}{3 \cdot \epsilon_0 \cdot d^2} \quad |\vec{\mathbf{E}}_{2\mathbf{Q}}| = \frac{\rho \cdot r_2^3}{3 \cdot \epsilon_0 \cdot (d^2 + a^2)} \quad (5)$$

Quindi, si può scrivere dalle (3) e (4) :

$$|\vec{\mathbf{E}}_{\mathbf{Q}}| = \frac{\rho}{3 \cdot \epsilon_0} \sqrt{\frac{r_1^6}{d^4} + \frac{r_2^6}{(d^2 + a^2)^2} - \frac{2 \cdot r_1^3 \cdot r_2^3}{d^2(d^2 + a^2)} \cos \alpha}$$

$$|\vec{\mathbf{E}}_{\mathbf{Q}}| = 2.3 \cdot 10^5 \frac{\text{volt}}{\text{m}} \quad (6)$$