

polarizzazione +



polarizzazione +



polarizzazione +

l'effetto della polarizzazione x e' lo stesso ma ruotato di 45 gradi



polarizzazione +

l'effetto della polarizzazione x e' lo stesso ma ruotato di 45 gradi





pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa quantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....



pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa quantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....

e invece cambiano!



pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa quantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....

e invece cambiano!

perche' il tempo di propagazione dei beam cambia in maniera diversa nei due bracci. Supponiamo ci sia solo la polarizzazione +

$$ds^{2} = (\eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}^{TT})dx^{\mu}dx^{\nu} = -c^{2}dt^{2} + dx^{2} + (1+h_{+})dy^{2} + (1-h_{+})dz^{2}$$



pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa quantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....

e invece cambiano!

perche' il tempo di propagazione dei beam cambia in maniera diversa nei due bracci. Supponiamo ci sia solo la polarizzazione +

$$ds^{2} = (\eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}^{TT})dx^{\mu}dx^{\nu} = -c^{2}dt^{2} + dx^{2} + (1+h_{+})dy^{2} + (1-h_{+})dz^{2}$$

il raggio luminoso che viaggia lungo y segue la geodetica nulla

$$c^2 dt^2 = (1+h_+)dy^2 \longrightarrow dt = c^{-1}(1+h_+/2)dy + O(h^2)$$



pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa quantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....

e invece cambiano!

perche' il tempo di propagazione dei beam cambia in maniera diversa nei due bracci. Supponiamo ci sia solo la polarizzazione +

$$ds^{2} = (\eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}^{TT})dx^{\mu}dx^{\nu} = -c^{2}dt^{2} + dx^{2} + (1+h_{+})dy^{2} + (1-h_{+})dz^{2}$$

il raggio luminoso che viaggia lungo y segue la geodetica nulla

$$c^2 dt^2 = (1+h_+)dy^2 \longrightarrow dt = c^{-1}(1+h_+/2)dy + O(h^2)$$

che integrata sul percorso specchio-beamsplitter- specchio (2lo) da'

$$t_{(y)} = \left(1 + \frac{h_+}{2}\right) \frac{2l_0}{c}$$



pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa guantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....

e invece cambiano!

perche' il tempo di propagazione dei beam cambia in maniera diversa nei due bracci. Supponiamo ci sia solo la polarizzazione +

$$ds^{2} = (\eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}^{TT})dx^{\mu}dx^{\nu} = -c^{2}dt^{2} + dx^{2} + (1+h_{+})dy^{2} + (1-h_{+})dz^{2}$$

il raggio luminoso che viaggia lungo y segue la geodetica nulla

$$dt^{2}dt^{2} = (1+h_{+})dy^{2} \longrightarrow dt = c^{-1}(1+h_{+}/2)dy + O(h^{2})$$

che integrata sul percorso specchio-beamsplitter- specchio $(2l_0)$ da'

$$t_{(y)} = \left(1 + \frac{h_+}{2}\right)\frac{2l_0}{c}$$

per il raggio luminoso che viaggia lungo z, invece: $c^2dt^2 = (1 - h_+)dz^2$



pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa guantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....

e invece cambiano!

perche' il tempo di propagazione dei beam cambia in maniera diversa nei due bracci. Supponiamo ci sia solo la polarizzazione +

$$ds^{2} = (\eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}^{TT})dx^{\mu}dx^{\nu} = -c^{2}dt^{2} + dx^{2} + (1+h_{+})dy^{2} + (1-h_{+})dz^{2}$$

il raggio luminoso che viaggia lungo y segue la geodetica nulla

$$c^{2}dt^{2} = (1+h_{+})dy^{2} \longrightarrow dt = c^{-1}(1+h_{+}/2)dy + O(h^{2})$$

che integrata sul percorso specchio-beamsplitter- specchio $(2l_0)$ da'

$$t_{(y)} = \left(1 + \frac{h_+}{2}\right)\frac{2l_0}{c}$$

per il raggio luminoso che viaggia lungo z, invece: $c^2dt^2 = (1 - h_+)dz^2$

per cui
$$t_{(z)} = \left(1 - \frac{h_+}{2}\right) \frac{2l_0}{c}$$



pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa guantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....

e invece cambiano!

perche' il tempo di propagazione dei beam cambia in maniera diversa nei due bracci. Supponiamo ci sia solo la polarizzazione +

$$ds^{2} = (\eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}^{TT})dx^{\mu}dx^{\nu} = -c^{2}dt^{2} + dx^{2} + (1+h_{+})dy^{2} + (1-h_{+})dz^{2}$$

il raggio luminoso che viaggia lungo y segue la geodetica nulla

$$c^2 dt^2 = (1+h_+)dy^2 \longrightarrow dt = c^{-1}(1+h_+/2)dy + O(h^2)$$

che integrata sul percorso specchio-beamsplitter- specchio $(2l_0)$ da'

$$t_{(y)} = \left(1 + \frac{h_+}{2}\right)\frac{2l_0}{c}$$

per il raggio luminoso che viaggia lungo z, invece: $c^2dt^2 = (1 - h_+)dz^2$

per cui
$$t_{(z)} = \left(1 - \frac{h_+}{2}\right) \frac{2l_0}{c}$$

quindi i due raggi si ricongiungono nel detector con un $\Delta t = t_{(y)} - t_{(z)} = \frac{2l_0}{c}h_+$ ritardo temporale



pero' anche la lunghezza d'onda della luce varia della stessa quantita', quindi le frange d'interferenza non dovrebbero cambiare....

e invece cambiano!

perche' il tempo di propagazione dei beam cambia in maniera diversa nei due bracci. Supponiamo ci sia solo la polarizzazione +

$$ds^{2} = (\eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}^{TT})dx^{\mu}dx^{\nu} = -c^{2}dt^{2} + dx^{2} + (1+h_{+})dy^{2} + (1-h_{+})dz^{2}$$

il raggio luminoso che viaggia lungo y segue la geodetica nulla

$$c^2 dt^2 = (1+h_+)dy^2 \longrightarrow dt = c^{-1}(1+h_+/2)dy + O(h^2)$$

che integrata sul percorso specchio-beamsplitter- specchio (2lo) da'

$$t_{(y)} = \left(1 + \frac{h_+}{2}\right)\frac{2l_0}{c}$$

per il raggio luminoso che viaggia lungo z, invece: $c^2dt^2 = (1 - h_+)dz^2$

per cui
$$t_{(z)}=\left(1-rac{h_+}{2}
ight)rac{2l_0}{c}$$

quindi i due raggi si ricongiungono nel detector con un ritardo temporale $\Delta t = t_{(y)} - t_{(z)} = \frac{2l_0}{c}h_+$

che produce uno shift nelle frange di interferenza ~ $c\Delta t=2 l_0 h_+$





l'onda gravitazionale fa variare il tempo di arrivo dei raggi riflessi dagli specchi al fotorivelatore; questo produce uno shift delle frange d'interferenza

$$\sim c \Delta t = 2 l_0 h$$



l'onda gravitazionale fa variare il tempo di arrivo dei raggi riflessi dagli specchi al fotorivelatore; questo produce uno shift delle frange d'interferenza

$$\sim c \Delta t = 2 l_0 h$$



l'onda gravitazionale fa variare il tempo di arrivo dei raggi riflessi dagli specchi al fotorivelatore; questo produce uno shift delle frange d'interferenza

$$\sim c \Delta t = 2 l_0 h$$

se per es. $h \sim 10^{-22}$ e $l_0 = 3$ km, 2 l_0 h $\sim 6 \times 10^{-17}$ cm, minore del raggio del protone! (1.5 x 10⁻¹⁶ cm)

Esperimento italo-francese Virgo Cascina, Pisa

Cosa si sapeva dei buchi neri prima della rivelazione delle onde gravitazionali



Cosa si sapeva dei buchi neri prima della rivelazione delle onde gravitazionali





lo studio delle orbite delle stelle più brillanti al centro della nostra Galassia, mostra che queste sono possibili solo se al centro c'è una sorgente estremamente compatta, cioè un buco nero, chiamato

Sagittarius A*

di massa pari a

M= 4.4 milioni di masse solari



lo studio delle orbite delle stelle più brillanti al centro della nostra Galassia, mostra che queste sono possibili solo se al centro c'è una sorgente estremamente compatta, cioè un buco nero, chiamato

Sagittarius A*

di massa pari a

M= 4.4 milioni di masse solari

Buchi neri enormi, con masse che arrivano a centinaia di miliardi di masse solari si trovano al centro di quasi tutte le galassie

I buchi neri non sono mai soli!

I buchi neri più piccoli, con masse pari a 10-20 masse solari di solito si accompagnano a stelle da cui "risucchiano" materia; questa cadendo forma un

disco di accrescimento



I buchi neri non sono mai soli!

I buchi neri più piccoli, con masse pari a 10-20 masse solari di solito si accompagnano a stelle da cui "risucchiano" materia; questa cadendo forma un

disco di accrescimento

la materia del disco emette raggi X, raggi Gamma e altri tipi di radiazione elettromagnetica che può essere osservata da satelliti progettati a questo scopo



I buchi neri non sono mai soli!

I buchi neri più piccoli, con masse pari a 10-20 masse solari di solito si accompagnano a stelle da cui "risucchiano" materia; questa cadendo forma un

disco di accrescimento

la materia del disco emette raggi X, raggi Gamma e altri tipi di radiazione elettromagnetica che può essere osservata da satelliti progettati a questo scopo



Quindi i buchi neri si individuano studiando quello che avviene al di fuori dell'orizzonte

Hubble finally may have proof black holes do exist

SPACE TELESCOPE SCIENCE INSTITUTE RELEASE Posted: January 11, 2001

NASA's Hubble Space Telescope may have, for the first time, provided direct evidence for the existence of black holes by observing the disappearance of matter as it falls beyond the "event horizon."

Joseph F. Dolan, of NASA's Goddard Space Flight Center in Greenbelt, MD, observed pulses of ultraviolet light from clumps of hot gas fade and then disappear as they swirled around a massive, compact object called Cygnus XR-1. This activity is just as would have been expected if the hot gas had fallen into a black hole.

Signature of piece of matter falling into black hole Cygnus XR-1





Prima della rivelazione delle onde gravitazionali avevamo visto:

- buchi neri supermassivi al centro delle galassie $10^5~M_\odot~\lesssim~M_{BH}~\lesssim~10^{11}~M_\odot$

- buchi neri piccoli, al massimo di 20 masse solari (ora ne hanno visto uno di ~ 70 masse solari nella nostra galassia, ma che abbia quella massa e' ancora incerto)







Da allora sono stati rivelati altri segnali dello stesso tipo+ un segnale dovuto alla coalescenza di due stelle di neutroni



Da allora sono stati rivelati altri segnali dello stesso tipo+ un segnale dovuto alla coalescenza di due stelle di neutroni

Due buchi neri con massa pari a 29 e 36 volte la massa del Sole, che dopo aver spiraleggiato uno attorno all'altro si sono fusi e hanno formato un buco nero di massa pari a 62 volte la massa del Sole. Tutto questo è avvenuto a una distanza di 1,37 miliardi di anni luce (quindi 1,37 miliardi di anni fa)



Due buchi neri con massa pari a 29 e 36 volte la massa del Sole, che dopo aver spiraleggiato uno attorno all'altro si sono fusi e hanno formato un buco nero di massa pari a 62 volte la massa del Sole. Tutto questo è avvenuto a una distanza di 1,37 miliardi di anni luce (quindi 1,37 miliardi di anni fa)

il periodo orbitale diminuisce



Due buchi neri con massa pari a **29** e **36** volte la massa del Sole, che dopo aver spiraleggiato uno attorno all'altro si sono fusi e hanno formato un buco nero di massa pari a **62** volte la massa del Sole. Tutto questo è avvenuto a una distanza di 1,37 miliardi di anni luce (quindi 1,37 miliardi di anni fa)



quindi aumenta



Due buchi neri con massa pari a **29** e **36** volte la massa del Sole, che dopo aver spiraleggiato uno attorno all'altro si sono fusi e hanno formato un buco nero di massa pari a **62** volte la massa del Sole. Tutto questo è avvenuto a una distanza di 1,37 miliardi di anni luce (quindi 1,37 miliardi di anni fa)

il periodo orbitale diminuisce



Due buchi neri con massa pari a **29** e **36** volte la massa del Sole, che dopo aver spiraleggiato uno attorno all'altro si sono fusi e hanno formato un buco nero di massa pari a **62** volte la massa del Sole. Tutto questo è avvenuto a una distanza di 1,37 miliardi di anni luce (quindi 1,37 miliardi di anni fa)


Che cosa hanno visto i rivelatori americani dell'esperimento LIGO il 15 settembre 2015?

Due buchi neri con massa pari a **29** e **36** volte la massa del Sole, che dopo aver spiraleggiato uno attorno all'altro si sono fusi e hanno formato un buco nero di massa pari a **62** volte la massa del Sole. Tutto questo è avvenuto a una distanza di 1,37 miliardi di anni luce (quindi 1,37 miliardi di anni fa)





L'ultimo segnale rivelato da LIGO e Virgo e' stato emesso durante la coalescenza di due stelle di neutroni : GW170817

PRL 119, 161101 (2017)

PHYSICAL REVIEW LETTERS

week ending 20 OCTOBER 2017

~100 s (calculated starting from 24 Hz) in the detectors' sensitive band, the inspiral signal ended at 12:41:04.4 UTC. In addition, a γ -ray burst was observed 1.7 s after the coalescence time [39–45]. The combination of data from the LIGO and Virgo detectors allowed a precise sky position localization to an area of 28 deg². This measurement enabled an electromagnetic follow-up campaign that identified a counterpart near the galaxy NGC 4993, consistent with the localization and distance inferred from gravitational-wave data [46–50].

From the gravitational-wave signal, the best measured combination of the masses is the chirp mass [51] $\mathcal{M} = 1.188^{+0.004}_{-0.002} M_{\odot}$. From the union of 90% credible intervals obtained using different waveform models (see Sec. IV for details), the total mass of the system is between 2.73 and 3.29 M_{\odot} . The individual masses are in the broad range of 0.86 to 2.26 M_{\odot} , due to correlations between their uncertainties. This suggests a BNS as the source of the gravitational-wave signal, as the total masses of known BNS systems are between 2.57 and 2.88 M_{\odot} with components between 1.17 and ~1.6 M_{\odot} [52]. Neutron stars in general have precisely measured masses as large as 2.01 \pm 0.04 M_{\odot} [53], whereas stellar-mass black holes found in binaries in our galaxy have masses substantially greater than the components of GW170817 [54–56].

Gravitational-wave observations alone are able to measure the masses of the two objects and set a lower limit on their compactness, but the results presented here do not exclude objects more compact than neutron stars such as quark stars, black holes, or more exotic objects [57–61]. The detection of GRB 170817A and subsequent electromagnetic emission demonstrates the presence of matter. Moreover, although a neutron star–black hole system is not ruled out, the consistency of the mass estimates with the



FIG. 1. Time-frequency representations [65] of data containing the gravitational-wave event GW170817, observed by the LIGO-Hanford (top), LIGO-Livingston (middle), and Virgo (bottom) detectors. Times are shown relative to August 17, 2017 12:41:04 UTC. The amplitude scale in each detector is normalized to that detector's poise amplitude spectral density. In the LIGO data

Event	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
GW150914	$35.6_{-3.0}^{4.8}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1_{-3.0}^{+3.3}$	$0.69\substack{+0.05 \\ -0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03 \\ -0.03}$	179
GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6^{+4.1}_{-4.8}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.13 \\ -0.11}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04\\-0.04}$	1033
GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2^{+0.5}_{-0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0 \\ -0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04\\-0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48\substack{+0.19 \\ -0.20}$	1033
GW170809	$35.2^{+8.3}_{-6.0}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7\substack{+0.6 \\ -0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72_{-0.05}^{+0.07}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
GW170817	$1.46_{-0.10}^{+0.12}$	$1.27^{+0.09}_{-0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00 \\ -0.00}$	16
GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020^{+430}_{-360}	$0.20\substack{+0.07 \\ -0.07}$	39
GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3^{+0.9}_{-0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850_{-840}^{+840}	$0.34_{-0.14}^{+0.13}$	1651

Table 15.1Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

GWTC-1: A Gravitational-Wave Transient Catalog of Compact Binary Mergers Observed by LIGO and Virgo during the First and Second Observing Runs, The LIGO-Virgo collab. <u>arXiv:1811.12907</u>

Note that: the final mass is always smaller that the sum of the two colliding bodies 1 parsec ~ 3 x 10¹³ km

	Event	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
	GW150914	$35.6_{-3.0}^{4.8}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1^{+3.3}_{-3.0}$	$0.69\substack{+0.05 \\ -0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03 \\ -0.03}$	179
	GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6_{-4.8}^{+4.1}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67_{-0.11}^{+0.13}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
	GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
	GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2_{-0.5}^{+0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
	GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
	GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48^{+0.19}_{-0.20}$	1033
	GW170809	$35.2^{+8.3}_{-6.0}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7_{-0.6}^{+0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
	GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72\substack{+0.07 \\ -0.05}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
neutron stars	GW170817	$1.46\substack{+0.12 \\ -0.10}$	$1.27\substack{+0.09\\-0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00\\-0.00}$	16
	GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7_{-0.5}^{+0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020^{+430}_{-360}	$0.20\substack{+0.07 \\ -0.07}$	39
	GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3\substack{+0.9 \\ -0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850_{-840}^{+840}	$0.34\substack{+0.13 \\ -0.14}$	1651

Table 15.1 Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

GWTC-1: A Gravitational-Wave Transient Catalog of Compact Binary Mergers Observed by LIGO and Virgo during the First and Second Observing Runs, The LIGO-Virgo collab. <u>arXiv:1811.12907</u>

Note that: the final mass is always smaller that the sum of the two colliding bodies 13 1 parsec ~ 3 x 10¹³ km

	Event	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
	GW150914	$35.6_{-3.0}^{4.8}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1_{-3.0}^{+3.3}$	$0.69\substack{+0.05 \\ -0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03 \\ -0.03}$	179
	GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6_{-4.8}^{+4.1}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67_{-0.11}^{+0.13}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
	GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
	GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2_{-0.5}^{+0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
	GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07_{-0.02}^{+0.02}$	396
	GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48^{+0.19}_{-0.20}$	1033
	GW170809	$35.2^{+8.3}_{-6.0}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7^{+0.6}_{-0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
	GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72_{-0.05}^{+0.07}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
coalescing neutron stars	GW170817	$1.46\substack{+0.12\\-0.10}$	$1.27\substack{+0.09\\-0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00\\-0.00}$	16
	GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020^{+430}_{-360}	$0.20\substack{+0.07 \\ -0.07}$	39
	GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3^{+0.9}_{-0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850_{-840}^{+840}	$0.34\substack{+0.13 \\ -0.14}$	1651

Table 15.1 Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

GWTC-1: A Gravitational-Wave Transient Catalog of Compact Binary Mergers Observed by LIGO and Virgo during the First and Second Observing Runs, The LIGO-Virgo collab. <u>arXiv:1811.12907</u>

Note that: the final mass is always smaller that the sum of the two colliding bodies 13 1 parsec ~ 3 x 10¹³ km

	Event	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
	GW150914	$35.6_{-3.0}^{4.8}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1_{-3.0}^{+3.3}$	$0.69\substack{+0.05 \\ -0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03 \\ -0.03}$	179
	GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6^{+4.1}_{-4.8}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.13 \\ -0.11}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
	GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
much larger	GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2^{+0.5}_{-0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
than those —	GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
observed in low mass	GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48^{+0.19}_{-0.20}$	1033
X-ray binaries	GW170809	$35.2^{+8.3}_{-6.0}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7^{+0.6}_{-0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08\\-0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
cooloccing -	GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72\substack{+0.07 \\ -0.05}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
coalescing neutron stars	GW170817	$1.46_{-0.10}^{+0.12}$	$1.27\substack{+0.09 \\ -0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00 \\ -0.00}$	16
	GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020^{+430}_{-360}	$0.20\substack{+0.07 \\ -0.07}$	39
_	GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3^{+0.9}_{-0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850_{-840}^{+840}	$0.34\substack{+0.13 \\ -0.14}$	1651

Table 15.1Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

GWTC-1: A Gravitational-Wave Transient Catalog of Compact Binary Mergers Observed by LIGO and Virgo during the First and Second Observing Runs, The LIGO-Virgo collab. <u>arXiv:1811.12907</u>

Note that: the final mass is always smaller that the sum of the two colliding bodies 1 parsec ~ 3 x 10¹³ km

Event	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
GW150914	$35.6^{4.8}_{-3.0}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1_{-3.0}^{+3.3}$	$0.69\substack{+0.05\\-0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03 \\ -0.03}$	179
GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6_{-4.8}^{+4.1}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67_{-0.11}^{+0.13}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09\\-0.09}$	1555
GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2^{+0.5}_{-0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48^{+0.19}_{-0.20}$	1033
GW170809	$35.2_{-6.0}^{+8.3}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7\substack{+0.6 \\ -0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72_{-0.05}^{+0.07}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
GW170817	$1.46_{-0.10}^{+0.12}$	$1.27_{-0.09}^{+0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00 \\ -0.00}$	16
GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020_{-360}^{+430}	$0.20\substack{+0.07 \\ -0.07}$	39
GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3^{+0.9}_{-0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850_{-840}^{+840}	$0.34_{-0.14}^{+0.13}$	1651

Table 15.1Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

 $J/M^2_{\rm F}\,$ is the angular momentum,normalised to $M^2_{\rm F}$, in geometric units

 $0 \leq J/M^2_F \leq 1$

Event height	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
GW150914	$35.6_{-3.0}^{4.8}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1\substack{+0.4\\-0.4}$	$63.1^{+3.3}_{-3.0}$	$0.69\substack{+0.05\\-0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09^{+0.03}_{-0.03}$	179
GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6^{+4.1}_{-4.8}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.13 \\ -0.11}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0\substack{+0.1\\-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74\substack{+0.07 \\ -0.05}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04\\-0.04}$	1033
GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2^{+0.5}_{-0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3_{-10.1}^{+9.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48\substack{+0.19 \\ -0.20}$	1033
GW170809	$35.2^{+8.3}_{-6.0}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7\substack{+0.6 \\ -0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72_{-0.05}^{+0.07}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
GW170817	$1.46_{-0.10}^{+0.12}$	$1.27_{-0.09}^{+0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00 \\ -0.00}$	16
GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020_{-360}^{+430}	$0.20\substack{+0.07 \\ -0.07}$	39
GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3^{+0.9}_{-0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850^{+840}_{-840}	$0.34\substack{+0.13 \\ -0.14}$	1651

Table 15.1 Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

$$z = \frac{\lambda_{obs} - \lambda_{em}}{\lambda_{em}} \quad \rightarrow \quad \omega_{obs} = \frac{\omega_{em}}{1+z}$$

redshift due to the expansion of the universe

_	Event	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
	GW150914	$35.6^{4.8}_{-3.0}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1^{+3.3}_{-3.0}$	$0.69^{+0.05}_{-0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03\\-0.03}$	179
	GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6_{-4.8}^{+4.1}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.13 \\ -0.11}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
	GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
	GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2^{+0.5}_{-0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08 \\ -0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
	GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
	GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48\substack{+0.19 \\ -0.20}$	1033
	GW170809	$35.2^{+8.3}_{-6.0}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7^{+0.6}_{-0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
1	GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72\substack{+0.07 \\ -0.05}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
coalescing neutron stars	GW170817	$1.46\substack{+0.12\\-0.10}$	$1.27\substack{+0.09\\-0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00\\-0.00}$	16
_	GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020^{+430}_{-360}	$0.20\substack{+0.07\\-0.07}$	39
	GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3\substack{+0.9 \\ -0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850^{+840}_{-840}	$0.34\substack{+0.13\\-0.14}$	1651
	``	١							

Table 15.1Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

$$z = \frac{\lambda_{obs} - \lambda_{em}}{\lambda_{em}} \quad \rightarrow \quad \omega_{obs} = \frac{\omega_{em}}{1+z}$$

redshift due to the expansion of the universe

_	Event	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
	GW150914	$35.6^{4.8}_{-3.0}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1^{+3.3}_{-3.0}$	$0.69^{+0.05}_{-0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09^{+0.03}_{-0.03}$	179
	GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6_{-4.8}^{+4.1}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.13 \\ -0.11}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
	GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
	GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2^{+0.5}_{-0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
	GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
farthest	GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48\substack{+0.19 \\ -0.20}$	1033
Source	GW170809	$35.2^{+8.3}_{-6.0}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7^{+0.6}_{-0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
	GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72\substack{+0.07 \\ -0.05}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
neutron stars	GW170817	$1.46_{-0.10}^{+0.12}$	$1.27\substack{+0.09 \\ -0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00 \\ -0.00}$	16
	GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020^{+430}_{-360}	$0.20\substack{+0.07 \\ -0.07}$	39
_	GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3^{+0.9}_{-0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850^{+840}_{-840}	$0.34\substack{+0.13 \\ -0.14}$	1651
	``	ì							

Table 15.1Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

$$z = \frac{\lambda_{obs} - \lambda_{em}}{\lambda_{em}} \quad \rightarrow \quad \omega_{obs} = \frac{\omega_{em}}{1+z}$$

redshift due to the expansion of the universe

Event height	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
GW150914	$35.6_{-3.0}^{4.8}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1^{+3.3}_{-3.0}$	$0.69\substack{+0.05\\-0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03 \\ -0.03}$	179
GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6_{-4.8}^{+4.1}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.13 \\ -0.11}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2_{-0.5}^{+0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0 \\ -0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48^{+0.19}_{-0.20}$	1033
GW170809	$35.2_{-6.0}^{+8.3}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7^{+0.6}_{-0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20_{-0.07}^{+0.05}$	340
GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72_{-0.05}^{+0.07}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03\\-0.04}$	87
GW170817	$1.46_{-0.10}^{+0.12}$	$1.27\substack{+0.09\\-0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00 \\ -0.00}$	16
GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020_{-360}^{+430}	$0.20\substack{+0.07\\-0.07}$	39
GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4^{+6.3}_{-7.1}$	$3.3\substack{+0.9 \\ -0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08\\-0.10}$	1850_{-840}^{+840}	$0.34_{-0.14}^{+0.13}$	1651

Table 15.1Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

 $\Delta\Omega/\,{\rm deg}^2$ $\,$ is the sky localization area

Event	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
GW150914	$35.6^{4.8}_{-3.0}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1\substack{+0.4 \\ -0.4}$	$63.1_{-3.0}^{+3.3}$	$0.69\substack{+0.05\\-0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03 \\ -0.03}$	179
GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6_{-4.8}^{+4.1}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.13 \\ -0.11}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5_{-1.5}^{+6.4}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2_{-0.5}^{+0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08 \\ -0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04 \\ -0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48\substack{+0.19 \\ -0.20}$	1033
GW170809	$35.2^{+8.3}_{-6.0}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7\substack{+0.6 \\ -0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72_{-0.05}^{+0.07}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03\\-0.04}$	87
GW170817	$1.46_{-0.10}^{+0.12}$	$1.27\substack{+0.09\\-0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00 \\ -0.00}$	16
GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8_{-3.8}^{+4.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020_{-360}^{+430}	$0.20\substack{+0.07\\-0.07}$	39
GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3^{+0.9}_{-0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850^{+840}_{-840}	$0.34_{-0.14}^{+0.13}$	1651
_								localised

Table 15.1Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

 $\Delta\Omega/\deg^2$ is the sky localization area

localised with higher precision with LIGO and Virgo

	Event height	m_1/M_{\odot}	m_1/M_{\odot}	$E_{rad}/(M_{\odot})c^2$	M_F/M_{\odot}	J/M_F^2	D_L/Mpc	z	$\Delta\Omega/deg^2$
	GW150914	$35.6_{-3.0}^{4.8}$	$30.6^{+3.0}_{-4.4}$	$3.1_{-0.4}^{+0.4}$	$63.1^{+3.3}_{-3.0}$	$0.69\substack{+0.05\\-0.04}$	430^{+150}_{-170}	$0.09\substack{+0.03 \\ -0.03}$	179
	GW151012	$23.3^{+14.0}_{-5.5}$	$13.6^{+4.1}_{-4.8}$	$1.5_{-0.5}^{+0.5}$	$35.7^{+9.9}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.13 \\ -0.11}$	1060^{+540}_{-480}	$0.21\substack{+0.09 \\ -0.09}$	1555
	GW151226	$13.7^{+8.8}_{-3.2}$	$7.7^{+2.2}_{-2.6}$	$1.0^{+0.1}_{-0.2}$	$20.5^{+6.4}_{-1.5}$	$0.74_{-0.05}^{+0.07}$	440^{+180}_{-190}	$0.09\substack{+0.04 \\ -0.04}$	1033
	GW170104	$31.0^{+7.2}_{-5.6}$	$20.1_{-4.5}^{+4.9}$	$2.2^{+0.5}_{-0.5}$	$49.1_{-3.9}^{+5.2}$	$0.66\substack{+0.08\\-0.10}$	960^{+430}_{-410}	$0.19\substack{+0.07 \\ -0.08}$	924
	GW170608	$10.9^{+5.3}_{-1.7}$	$7.6^{+1.3}_{-2.1}$	$0.9\substack{+0.0\\-0.1}$	$17.8^{+3.2}_{-0.7}$	$0.69\substack{+0.04\\-0.04}$	320^{+120}_{-110}	$0.07\substack{+0.02 \\ -0.02}$	396
	GW170729	$50.6^{+16.6}_{-10.2}$	$34.3^{+9.1}_{-10.1}$	$4.8^{+1.7}_{-1.7}$	$80.3^{+14.6}_{-10.2}$	$0.81\substack{+0.07 \\ -0.13}$	2750^{+1350}_{-1320}	$0.48\substack{+0.19 \\ -0.20}$	1033
	GW170809	$35.2_{-6.0}^{+8.3}$	$23.8^{+5.2}_{-5.1}$	$2.7^{+0.6}_{-0.6}$	$56.4^{+5.2}_{-3.7}$	$0.70\substack{+0.08 \\ -0.09}$	990^{+320}_{-380}	$0.20\substack{+0.05 \\ -0.07}$	340
	GW170814	$30.7^{+5.7}_{-3.0}$	$25.3^{+2.9}_{-4.1}$	$2.7^{+0.4}_{-0.3}$	$53.4^{+3.2}_{-2.4}$	$0.72\substack{+0.07 \\ -0.05}$	580^{+160}_{-210}	$0.12\substack{+0.03 \\ -0.04}$	87
coalescing neutron stars	GW170817	$1.46_{-0.10}^{+0.12}$	$1.27\substack{+0.09\\-0.09}$	$\gtrsim 0.04$	≤ 2.8	≤ 0.89	40^{+10}_{-10}	$0.01\substack{+0.00 \\ -0.00}$	16
	GW170818	$35.5_{-4.7}^{+7.5}$	$26.8^{+4.3}_{-5.2}$	$2.7^{+0.5}_{-0.5}$	$59.8^{+4.8}_{-3.8}$	$0.67\substack{+0.07 \\ -0.08}$	1020^{+430}_{-360}	$0.20\substack{+0.07 \\ -0.07}$	39
_	GW170823	$39.6^{+10.0}_{-6.6}$	$29.4_{-7.1}^{+6.3}$	$3.3^{+0.9}_{-0.8}$	$65.6_{-6.6}^{+9.4}$	$0.71\substack{+0.08 \\ -0.10}$	1850^{+840}_{-840}	$0.34_{-0.14}^{+0.13}$	1651

Table 15.1Source parameters of the events detected in the observational runs O1 and O2, 2015-17.

 $\Delta\Omega/\,{\rm deg}^2$ $\,$ is the sky localization area

localised with higher precision with LIGO and Virgo Con piu' rivelatori saremo in grado di localizzare la posizione della sorgente con maggiore accuratezza

DETECTORS WHICH WILL OPERATE IN THE NEXT DECADE



When all detectors will be operating it will be possible to localize the source position within 4-5 deg²

NEL FUTURO: per esplorare le basse frequenze bisogna andare nello spazio

eLISA: 3 spacecraft in orbita eliocetrica. Formano un triangolo equilatero inclinato di 60° rispetto all'eclittica equilateral triangle L=10⁶ km : sensitiviy range ~10⁻⁴ Hz < v < 1 Hz



NEL FUTURO: per esplorare le basse frequenze bisogna andare nello spazio

eLISA: 3 spacecraft in orbita eliocetrica. Formano un triangolo equilatero inclinato di 60° rispetto all'eclittica equilateral triangle L=10⁶ km : sensitiviy range ~10⁻⁴ Hz < v < 1 Hz



When both LISA and the Adv LIGO-Virgo will be operating at the same time



Alberto Sesana, Phys. Rev. Lett. 116, 2016

Blue band: systems with total mass $50 M_{\odot} < M < 100 M_{\odot}$

When both LISA and the Adv LIGO-Virgo will be operating at the same time



Alberto Sesana, Phys. Rev. Lett. 116, 2016

Blue band:

lisa will:

measure the source parameters

localize the source position increasing the chance of finding an em counterpart

predict the coalescence time in the LIGO/Virgo band weeks/month in advance

systems with total mass $~50~M_{\odot}$ $< M < 100~M_{\odot}$

When both LISA and the Adv LIGO-Virgo will be operating at the same time



Alberto Sesana, Phys. Rev. Lett. 116, 2016

lisa will:

measure the source parameters

localize the source position increasing the chance of finding an em counterpart

predict the coalescence time in the LIGO/Virgo band weeks/month in advance

Blue band: systems with total mass $50 \text{ M}_{\odot} < \text{M} < 100 \text{ M}_{\odot}$

a signal like GW150914 will be seen by LISA for ~10 years and then will enter in the LIGO-Virgo waveband, where will stay for ~ 0.2 s

le onde gravitazionali permettono di studiare, oltre alla coalescenza di stelle e buchi neri, anche altri problemi di fisica fondamentale



massa osservata: [1-2] M_{\odot}

raggio: difficile da misurare (oggi misurato con un'accuratezza di circa il 13-15 %) stime teoriche: [10-15] km

Nella parte piu' interna di una stella di neutroni la densita' puo' raggiungere, e superare, la densita' di equilibrio della materia nucleare

 $\rho_0 = 2.67 \times 10^{14} \text{ g/cm}^3$

densita' tipiche $\approx 2-5 \rho_0$ o piu'

credits D. Page



massa osservata: [1-2] M_{\odot}

raggio: difficile da misurare (oggi misurato con un'accuratezza di circa il 13-15 %) stime teoriche: [10-15] km

Nella parte piu' interna di una stella di neutroni la densita' puo' raggiungere, e superare, la densita' di equilibrio della materia nucleare

 $\rho_0 = 2.67 \times 10^{14} \text{ g/cm}^3$

densita' tipiche \approx 2-5 ρ_0 o piu'

A queste densita' che non possono essere raggiunte in esperimenti in laboratorio, l'interazione tra gli adroni non puo' essere trascurata e va trattata nell'ambito della teoria della Cromodinamica quantistica



massa osservata: [1-2] M_{\odot}

raggio: difficile da misurare (oggi misurato con un'accuratezza di circa il 13-15 %) stime teoriche: [10-15] km

Nella parte piu' interna di una stella di neutroni la densita' puo' raggiungere, e superare, la densita' di equilibrio della materia nucleare

 $\rho_0 = 2.67 \times 10^{14} \text{ g/cm}^3$

densita' tipiche \approx 2-5 ρ_0 o piu'

A queste densita' che non possono essere raggiunte in esperimenti in laboratorio, l'interazione tra gli adroni non puo' essere trascurata e va trattata nell'ambito della teoria della Cromodinamica quantistica

non si sa nemmeno quale sia la composizione della materia in questo stato estremo: ci sono solo adroni? si formano iperoni? O condensati di mesoni? O si forma un gas di quarks deconfinati?

21



massa osservata: [1-2] M_{\odot}

raggio: difficile da misurare (oggi misurato con un'accuratezza di circa il 13-15 %) stime teoriche: [10-15] km

Nella parte piu' interna di una stella di neutroni la densita' puo' raggiungere, e superare, la densita' di equilibrio della materia nucleare

 $\rho_0 = 2.67 \times 10^{14} \text{ g/cm}^3$

densita' tipiche \approx 2-5 ρ_0 o piu'

A queste densita' che non possono essere raggiunte in esperimenti in laboratorio, l'interazione tra gli adroni non puo' essere trascurata e va trattata nell'ambito della teoria della Cromodinamica quantistica

non si sa nemmeno quale sia la composizione della materia in questo stato estremo: ci sono solo adroni? si formano iperoni? O condensati di mesoni? O si forma un gas di quarks deconfinati?

sono stati proposti molti modelli, ma questi vanno validati e si pensa di farlo attraverso le onde gravitazionali.























altre coalescenze di stelle di neutroni



stelle di neutroni che oscillano: le frequenze a cui oscillano dipende da come è composta la materia al loro interno: di questo non sappiamo ancora molto





altre coalescenze di stelle di neutroni



Attraverso lo studio dei segnali gravitazionali emessi in questi in questi processi si spera di ricavare informazioni su una questione di fisica fondamentale;

come si comporta la materia in condizioni estreme?

stelle di neutroni che oscillano: le frequenze a cui oscillano dipende da come è composta la materia al loro interno: di questo non sappiamo ancora molto

$$\epsilon = \frac{GM}{r}$$
 gravitational potential

$$\zeta = \frac{GM}{r^3}$$
 spacetime curvature



$$\epsilon = \frac{GM}{r}$$
 gravitational potential

$$\zeta = \frac{GM}{r^3}$$
 spacetime curvature


Le onde gravitationali ci forniscono uno strumento per esplorare il comportamento della gravita' in regime di campo forte e grande curvatura che non e' stato mai possibile studiare



Oltre al Big Bang, in nessun altro posto dell'universo la gravita' e' cosi intensa come nelle vicinanze dell'orizzonte di un buco nero Oltre al Big Bang, in nessun altro posto dell'universo la gravita' e' cosi intensa come nelle vicinanze dell'orizzonte di un buco nero

quindi, se ci sono deviazioni nel comportamento della gravita' rispetto a quanto predetto dalla Relativita' Generale, queste emergeranno proprio da processi che avvengono nelle vicinanze dell'orizzonte dei buchi neri e le onde gravitazionali sono l'unico mezzo che abbiamo per studiare questa regione misteriosa dello spaziotempo