ESERCIZI

DODICESIMA PROPOSTA

31 maggio 2023

Σ 1

Una protone (carica $q = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ e massa $m = 1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$) si muove con velocità costante incognita quando entra in una regione di spazio dove c'è un campo magnetico uniforme $B=0.5 \text{ T}$, perpendicolare alla sua velocità ed uscente dal piano del moto, ed inizia a muoversi lungo una traiettoria circolare di raggio $R = 5 \text{ cm}$. Determinare:

- a) la velocità iniziale del protone $v_a = \underline{\hspace{2cm}}$
- b) il modulo della velocità del protone quando ha percorso un quarto di traiettoria circolare $v_b = \underline{\hspace{2cm}}$
- c) il valore in modulo, direzione e verso di un campo elettrico da applicare tale che il protone si muova di moto rettilineo uniforme $\vec{E} = \underline{\hspace{2cm}}$
- d) rispondere di nuovo ad a) e c) nel caso in cui la carica che entra nel campo fosse stata negativa, ma di stessa massa (antiprotone) $v_{a_a}, \vec{E}_a = \underline{\hspace{2cm}}$

Es 2

Due sfere conduttrici di raggio $R_1 = 10 \text{ cm}$ e $R_2 = 40 \text{ cm}$ vengono poste con i centri a distanza $D = 3.0 \text{ m}$ e caricate con carica rispettivamente $Q_1 = 1.5 \text{ nC}$ e $Q_2 = 3.0 \text{ nC}$. Trascurando gli effetti di mutua induzione, determinare:

- a) il valore del campo elettrico, in modulo direzione e verso, nel punto equidistante dai due centri lungo la loro congiungente

$$\vec{E}_{D/2} = \underline{\hspace{2cm}}$$

Le sfere vengono poi collegate con un filo conduttore di resistenza e sezione trascurabili. In questa situazione, considerando il sistema isolato, determinare:

- b) il rapporto delle cariche presenti sulle due sfere
c) il rapporto delle densità di carica sulla superficie delle due sfere

$$R_Q = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$R_\sigma = \underline{\hspace{2cm}}$$

Un filo rettilineo indefinito è percorso da una corrente $I_1 = 2$ A. Il filo è sul piano xy e la corrente scorre in verso concorde ad $\hat{y}$. Un secondo filo identico al primo viene messo sullo stesso piano, parallelo al primo filo, e ad una distanza D da esso. Determinare:

- a) il valore ed il verso della corrente I_2 che, scorrendo nel secondo filo, renda nullo il campo magnetico complessivo fra i due fili a distanza $D/3$ dal primo filo $I_2 = \underline{\hspace{2cm}}$
- b) in questa situazione, e dato $D = 60$ cm, determinare il campo magnetico (indicandone modulo, direzione e verso) fra i due fili e a distanza $D/2$ da entrambi $\vec{B} = \underline{\hspace{2cm}}$

Un fascio di ioni di massa $m = 1.67 \times 10^{-27}$ Kg e carica $q = 1.60 \times 10^{-19}$ C entra in un selettore di velocità (indicato come una cornice nera in figura) in cui sono presenti un campo elettrico $\vec{E}_s$ e un campo magnetico $\vec{B}_s$. Il campo elettrico ha modulo $E_s = 10^3$ V/m ed è orientato verso il basso (vedi figura). Solo gli ioni aventi velocità $v = 10^4$ m/s escono dal selettore di velocità ed entrano in una regione (in grigio in figura) in cui è presente un campo magnetico $\vec{B}$ ortogonale al piano. Gli ioni escono dalla regione di campo dopo un tempo $\Delta t = 10^{-6}$ s dopo essere stati deviati di un angolo $\theta = 45^\circ = \pi/4$ rad. Determinare:

- direzione, verso e modulo del campo $\vec{B}_s$
- verso e modulo del campo $\vec{B}$
- il comportamento di ipotetici ioni di massa aventi stessa massa m , velocità v ma carica $q' = -q$. In particolare, discutere la traiettoria in relazione a quella degli ioni di carica q

Nota Bene: la forza di gravità può essere trascurata e le linee tratteggiate indicano la traiettoria del fascio di ioni.

Es 5

Due resistenze di valore $R_1 = 60 \Omega$ e $R_2 = 30 \Omega$ sono connesse tra loro in parallelo, e poi vengono collegate ad un generatore reale avente forza elettromotrice f e resistenza interna r_i . In queste condizioni il generatore eroga una corrente $I_1 = 0.409 A$; quando la resistenza R_2 viene disconnessa lasciando collegata solo la resistenza R_1 , la corrente erogata dal generatore diminuisce e diventa $I_2 = 0.145 A$. Determinare:

a) la resistenza interna del generatore

$$r_i = \underline{\hspace{2cm}}$$

b) la forza elettromotrice del generatore

$$f = \underline{\hspace{2cm}}$$

c) la potenza dissipata dalla resistenza R_1 in entrambi i casi:

$$P_1 = \underline{\hspace{2cm}}; P_2 = \underline{\hspace{2cm}}$$

Es 6

Una carica elettrica positiva di $2 \mu\text{C}$ si trova nelle vicinanze di un'armatura di un condensatore piano. Una forza esterna costante, ortogonale alle armature e di modulo pari a 5 N , compie un lavoro di 10 mJ quando la carica si sposta fino a raggiungere l'altra armatura. Sapendo che la carica parte da fermo e raggiunge la seconda armatura con un'energia cinetica di 6 mJ , determinare:

- a) la distanza tra le armature; $d = \underline{\hspace{2cm}}$
- b) se l'armatura di partenza ha un potenziale maggiore o minore rispetto a quella di arrivo (spiegando la motivazione della scelta);
 maggiore ; *minore*
- c) la differenza di potenziale tra le armature. $\Delta V = \underline{\hspace{2cm}}$

$\mathcal{E}$, $\mathcal{I}$, $\mathcal{F}$

Un conduttore rigido molto lungo orizzontale è percorso da una corrente $i_1 = 20 \text{ A}$ ed è vincolato ai suoi estremi in modo che non possa muoversi. Un secondo conduttore libero di muoversi, di densità lineare di massa $\lambda = 0.2 \text{ g/m}$, è parallelo al primo e posto più in basso di $d = 1 \text{ cm}$. Il secondo conduttore è attraversato dalla corrente i_2 in modo tale che la forza di Lorentz che agisce su di esso compensi la forza di gravità facendolo rimanere sospeso nello spazio.

Determinare:

- a) Il modulo della corrente i_2 $i_2 = \underline{\hspace{2cm}}$
b) il verso di percorrenza di i_2 rispetto a quello di i_1 CONCORDE DISCORDE

№ 18

ESERCIZIO
Due fili conduttori fissi, rettilinei ed indefiniti, paralleli fra loro, si trovano alla distanza di $D = 25$ cm. Ognuno esercita sull'altro una forza per unità di lunghezza pari a $f_{12} = 1.5 \times 10^{-3}$ N/m e sono percorsi da correnti di intensità, rispettivamente, i_1, i_2 . Una carica che viaggia fra i due fili con velocità parallela ai fili stessi non viene deviata se la distanza dal primo filo (quello percorso dalla corrente i_1) è $x_1 = 5.0$ cm. **Note Bene:** non è necessario conoscere il valore della carica per svolgere l'esercizio. Determinare:

- se le due correnti sono concordi o discordi, giustificando la risposta
- l'intensità della corrente che scorre in ciascun filo
- il valore dei due campi magnetici $\vec{B}_1, \vec{B}_2$, generati da ciascuno dei fili nel punto x_1 , indicando chiaramente anche direzione e verso rispetto al sistema di riferimento scelto