

Soluzioni del test di autovalutazione

- (a) $\pi \approx 3.14$ (o 3.1416)
(b) $e \approx 2.72$
- $a = 0.0016$ [= $(2 \times 10^{-1})^4$]
- -0.33 ; e^{-34} ; $2^{-4} = 1/8$ (= 0.125); $2^{-2} = 1/4$ (= 0.25); 0.41; $\pi/2 \approx 1.57$; $2^2 = 4$.
- 5 (in quanto $2^5 = 32$) e 10 (in quanto $2^{10} = 1024$).
- 1 (in quanto $23^1 = 23$) e 0 (in quanto $23^0 = 1$)
- 5.
- $\log a - \log b + \log b = \log a$.
- b) e c).
- $c = \frac{2}{5} e^{2x}$.
- $d = \frac{1}{2} e^{x^2 - 6x + 9} = \frac{1}{2} e^{(x-3)^2}$.
- 10^{-5} .
- $\approx 10^4$ (esattamente $0.9950 \cdot 10^4$)
- Le due condizioni sono equivalenti a $x < 1/2$ e $1/2 < y < 2$, ovvero $y > x$.
- $\frac{1}{b^3 \sqrt{a}}$.
- Resta $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$.
- $1/c$.
- $x^2 - 6xy + 9y^2$.
- Pesa 1.5 chili (soluzione di $x = 1 + x/3$, la cui soluzione è $x = 3/2$).
- $x = 3/2$.
- y si dimezza.
- c.a 0.50 g (superficie e peso raddoppiano circa, in quanto $1.41^2 \approx 2$)
- $V(B) = 4V(A) = 80$ L; $V(C) = 1/2 V(A) = 10$ L; $V(D) = 2V(A) = 40$ L; $V(D) = 8V(A) = 160$ L.
- 60 cm, in quanto il volume va come la terza potenza delle dimensioni lineari.
- 8 m^3 (essendo $S \propto R^2$ e $V \propto R^3$, ove R , S e V stanno per raggio, superficie e volume, se la superficie si è quadruplicata, vuol dire che il raggio si è duplicato e quindi il volume è aumentato di un fattore 2^3).
- (a) $G = \frac{F R^2}{m_1 m_2}$;
(b) $R = \sqrt{\frac{G m_1 m_2}{F}}$.
- $a_c = 4 \pi^2 f^2 R$.
- $C = \frac{-t}{R \ln V/V_0}$.
- $x_s = 1/5$ e $y_s = 7/5$. Le equazioni rappresentano delle rette nel piano $\{x, y\}$ che si incontrano nel punto $\{x_s, y_s\}$
- $y = x + 1$.
- $y = \frac{x}{2} - 5$.

31. $|b| \geq 12$, ovvero $b \leq -12$ o $b \geq 12$.
32. $\cos \theta \approx 0.9$ ($\sqrt{1 - 0.4^2} = 0.917$).
33. La funzione coseno è maggiore, uguale e minore della funzione seno rispettivamente per gli angoli $\theta_1 = 30^\circ$, $\theta_2 = 45^\circ$, $\theta_3 = 60^\circ$.
34. $\pi/6$, $\pi/4$, $\pi/3$, $\pi/2$, π , 2π .
35. $\cos^2 \theta$.
36. 4 ($=|\vec{b}| \cos \theta = 8 \frac{1}{2}$).
37. 40 ($=|\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \theta$).
38. $v_1 = \{2, 7, 2\}$, $v_2 = \{2, -1, -4\}$, $v_3 = \{4, 18, 7\}$.
39. $|\vec{a}| = \sqrt{14} \approx 3.74$, $|\vec{b}| = 5$, $\vec{a} \cdot \vec{b} = 9$, $\cos \theta = 0.48$ ($\theta = 61, 2^\circ$).
40. $\vec{a} \times \vec{b} = \{-3, -3, -2\}$.
41. (a) 0, in quanto $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$;
 (b) $2\sqrt{20}$, in quanto $\vec{a} \times \vec{b} = -\vec{b} \times \vec{a}$;
 (c) non ha senso in quanto $\vec{a} \cdot \vec{b}$ è uno scalare e $\vec{b} \times \vec{a}$ un vettore;
 (d) in principio ha senso, ma nel quesito non sono date informazioni sufficienti per risolvere il problema. (In realtà i vettori \vec{a} e \vec{b} di questo quesito sono quelli del quesito precedente. Si ottiene quindi il vettore $\{-2, -2, -5\}$, di modulo $\sqrt{34}$.)
42. $v(t) = gt + v_0$; $a(t) = g$ (indipendente da t).
43. $g(t) = -\omega A \sin(\omega t + \phi) + 2\omega B \cos(2\omega t + \psi)$.
44. $-\alpha x^2 e^{-\alpha^2 x^2}$.
45. a) $13/3$; b) $\ln \frac{b}{a}$.