## Nota sulla forza di Lorenz (Fisica per SMIA – G. D'Agostini, Maggio 2023)

## 0.1 Forza di Lorenz

Come prima applicazione del prodotto vettoriale vediamo, anche per completare l'argomento delle forze che una carica elettrica può subire, la forza di Lorenz.

• Forza su una carica in moto (solo se in moto!) dovuta a campo magnetico  $\vec{B}$  (forza di Lorenz):

$$\vec{F}_L = q \, \vec{v} \wedge \vec{B}$$

- $\vec{F}_L$ ortogonale al piano definito da  $\vec{v}$  e  $\vec{B};$
- quindi  $d\vec{s} = \vec{v} dt$  è normale a  $\vec{F}_L$ : la forza magnetica non compie lavoro, ergo
  - \* non varia l'energia cinetica:
  - \* il modulo della velocità rimane costante.
- in una regione di spazio in cui una particella carica è soggetta soltanto a un campo magnetico, essa esegue un moto circolare uniforme, con forza centripeta qvB e quindi accelerazione centripeta qvB/m. Ma essendo  $a_c$  legata a v e R dalla ben nota  $a_c = v^2/R$ , si ottiene

$$\frac{q}{m}vB = \frac{v^2}{R}$$

$$R = \frac{m}{q}\frac{v}{B}$$

A parità di q, v e B il raggio di curvatura è proporzionale alla massa della particelle.  $\rightarrow$  spettrometro di massa.

- Chiaramente, a questo punto la continuazione diventa un esercizio sul moto circolare uniforme nel quale la forza centripeta è la forza di Lorentz.
  - $\rightarrow$  velocità angolare  $\omega$ ;
  - $\rightarrow$  periodo T;
  - $\rightarrow$  frequenza  $\nu$  (frequenza di ciclotrone).