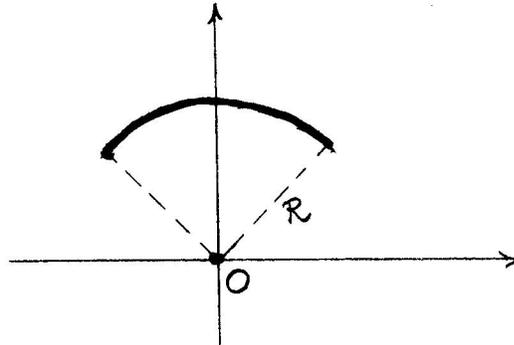
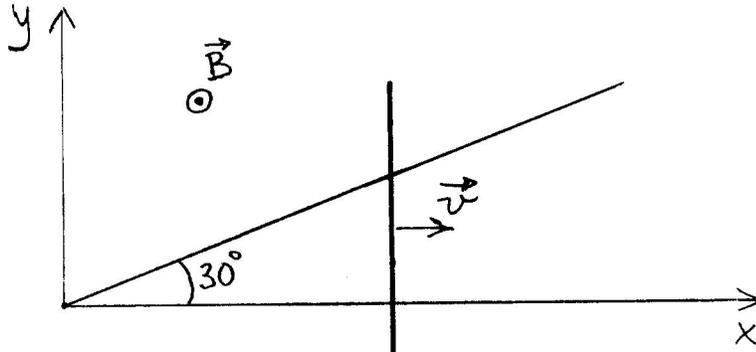


1. Una carica elettrica $q = 0,2 \text{ nC}$ e' uniformemente distribuita su un quarto di circonferenza di raggio $R = 18 \text{ cm}$, come mostrato in figura.
 (a) Determinare il campo elettrico \mathbf{E} nel centro O della circonferenza.
 (b) Viene posta in O una carica $-q$. Determinare il momento di dipolo elettrico del sistema.
 [Punteggio: 10/30]



2. Un filo conduttore viene piegato a costituire due semirette nel piano (x,y) formanti tra loro un angolo di 30° . Un campo magnetico \mathbf{B} , uniforme e costante, e' diretto come l'asse z . Una sbarretta conduttrice poggia sulle due semirette, in contatto elettrico con esse, e si allontana a partire al tempo $t=0$ dall'origine, con velocita' costante v , diretta come l'asse x .
 (a) Determinare l'espressione della f.e.m. indotta.
 (b) Determinare l'espressione della corrente indotta, sapendo che il filo ha sezione di area s e resistivita' ρ .
 (c) Determinare l'espressione della forza \mathbf{F} da applicare alla sbarretta per mantenerla in moto.
 [Punteggio : 12/30]



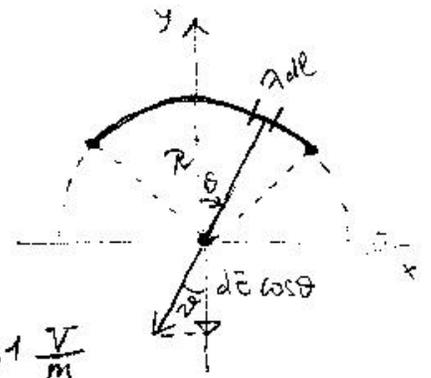
3. In un interferometro, utilizzando tre lunghezze d'onda λ_1 , λ_2 , λ_3 , si osserva la seguente situazione.
 (a) La frangia scura di ordine $m = 0$ per la lunghezza d'onda λ_1 corrisponde ad una differenza di cammino tra i raggi pari a $0,25 \mu\text{m}$.
 (b) Sono sovrapposte le seguenti frange chiare delle lunghezza d'onda λ_1 , λ_2 , λ_3 :
 $m = 12$ della λ_1 , $m = 9$ della λ_2 , $m = 14$ della λ_3 .
 Calcolare le tre lunghezza d'onda.
 [Punteggio : 8/30]

$$1. (a) E = 2 \int_0^{\pi/4} dE \cos \theta = 2 \int_0^{\pi/4} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda dl}{R^2} \cos \theta =$$

$$= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{R} \int_0^{\pi/4} \cos \theta d\theta =$$

$$= \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 R} \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{q}{\sqrt{2}\pi^2\epsilon_0 R^2}, \quad \vec{E} \parallel -\vec{y}$$

$$E = 50,1 \frac{V}{m}$$



$$(b) P = P_y = \int y dq = \int R \cos \theta \cdot \lambda dl = \int R \cos \theta \cdot \lambda R d\theta = 2R^2 \lambda \int_0^{\pi/4} \cos^2 \theta d\theta =$$

$$= \frac{2\lambda R^2}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2} q R}{\pi}, \quad \vec{P} \parallel \vec{y}, \quad P = 3,2 \cdot 10^{-11} \text{ Cm}$$

$$2. (a) \Phi(\vec{r}) = B S(t) = B \frac{1}{2} x \cdot x \tan 30^\circ = \frac{B}{2\sqrt{3}} v^2 t^2 \quad (x = vt)$$

$$f_i = -\frac{d\Phi}{dt} = -\frac{B v^2 t}{\sqrt{3}}$$

$$(b) i_i = \frac{f_i}{R} = \frac{B v^2 t}{\sqrt{3}} \frac{1}{e \frac{x(1+\sqrt{3}+\frac{1}{\sqrt{3}})}{s}} = \frac{B v s}{e(\sqrt{3}+3)}$$

$$(c) F = i_i \frac{x}{\sqrt{3}} B = \frac{B^2 v^2 s t}{\sqrt{3} e(\sqrt{3}+3)}, \quad \vec{F} \parallel \vec{x}$$

(opposite: $dW = F v dt$)

$$F = \frac{1}{v} \frac{dW}{dt} = \frac{1}{v} R i_i^2 = \frac{R}{v} \frac{B^2 v^2 s^2}{e^2(\sqrt{3}+3)^2} =$$

$$= \frac{e v t (\sqrt{3}+3)}{s} \frac{B^2 v^2 s^2}{e^2(\sqrt{3}+3)^2} = \frac{B^2 s v^2 t}{\sqrt{3} e(\sqrt{3}+3)}$$

$$3. (a) \frac{2\pi}{\lambda_1} \Delta r = 2\pi \left(m + \frac{1}{2}\right) = 2\pi \cdot \frac{1}{2}, \quad \lambda_1 = 2\Delta r = 0,5 \mu\text{m}$$

$$(b) \frac{2\pi}{\lambda_i} \Delta r = 2\pi m_i, \quad 12\lambda_1 = 8\lambda_2 = 14\lambda_3$$

$$\lambda_2 = \frac{12}{8} \lambda_1 = 0,667 \mu\text{m} \quad \lambda_3 = \frac{12}{14} \lambda_1 = 0,429 \mu\text{m}$$